

Prova de Aferição de MATEMÁTICA - 3º ciclo

2002

Proposta de resolução

1. Como a Rita obteve a segunda melhor marca, percorreu uma distância inferior ao João (que fez a melhor marca) e superior à Leonor (que ficou em 3º lugar), ou seja a distância que a Rita percorreu é um valor compreendido entre 2,95 km e 2,96 km.

Assim, um valor possível para a marca obtida pela Rita é:

$$2,955 \text{ Km, (porque } 2,95 < 2,955 < 2,96 \text{)}$$

2. Resolvendo a equação, temos:

$$3b - 5(b + 1) = 0 \Leftrightarrow 3b - 5b - 5 = 0 \Leftrightarrow -2b - 5 = 0 \Leftrightarrow -5 = 2b \Leftrightarrow \frac{-5}{2} = b \Leftrightarrow -\frac{5}{2} = b$$

$$C.S. = \left\{ -\frac{5}{2} \right\}$$

3. De acordo com a figura observamos que o bambu forma, com o chão um triângulo retângulo em que os catetos medem 2,275 m e 1,5 m de comprimento.

Assim, recorrendo ao Teorema de Pitágoras, para calcular a medida do comprimento, h , da hipotenusa, temos:

$$h^2 = 2,275^2 + 1,5^2 \Leftrightarrow h^2 = 5,175625 + 2,25 \Leftrightarrow h^2 = 7,425625 \underset{h>0}{\Rightarrow} h = \sqrt{7,425625} \Leftrightarrow h = 2,725 \text{ m}$$

Assim, e de acordo com a figura, a altura inicial do bambu, a_i , é a soma do comprimento da hipotenusa com o comprimento do cateto maior do triângulo:

$$a_i = 2,725 + 2,275 = 5 \text{ m}$$

4.

4.1. Gráfico B

- 4.2. O gráfico A exprime uma relação em que a altura aumenta sempre com a idade da pessoa, e sempre ao mesmo ritmo, o que não se verifica na realidade, porque o ritmo de crescimento vai sendo progressivamente menor até que deixar de haver aumento da altura, a partir de uma determinada idade.

O gráfico C mostra que para a idade zero (no nascimento) a altura também é zero, o que não se verifica, porque no instante do nascimento a altura de qualquer pessoa é diferente de zero.

O gráfico D exprime uma relação em que, a partir de uma determinada idade, a altura começa a diminuir, o que não acontece na realidade porque a altura de todas as pessoas aumenta nos primeiros anos e depois permanece constante a partir da idade adulta.



8.

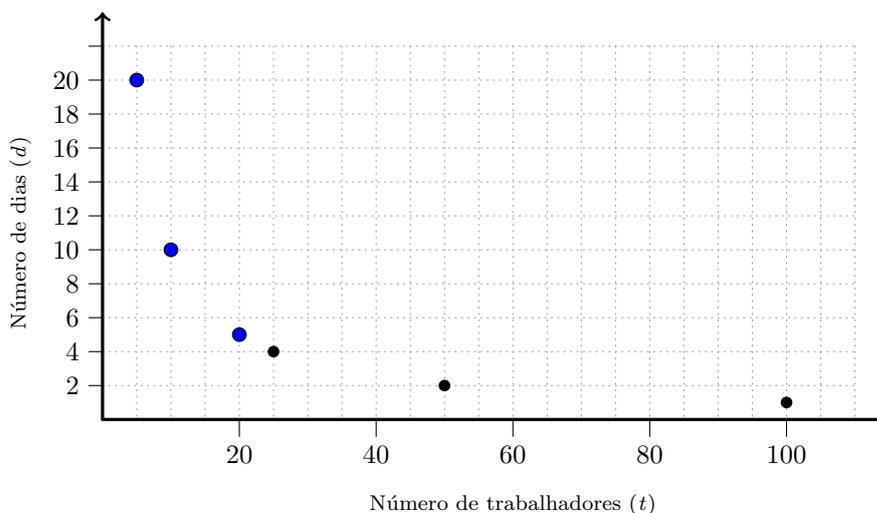
8.1. Como as grandezas t e d são inversamente proporcionais, podemos determinar a constante de proporcionalidade inversa, multiplicando dois valores correspondentes, por exemplo

$$t \times d = 100 \times 1 \Leftrightarrow t \times d = 100$$

Assim, substituindo t por 5, 10 e 20, calculamos os valores de d correspondentes:

- Se $t = 5$ então $5 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{5} \Leftrightarrow d = 20$
- Se $t = 10$ então $10 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{10} \Leftrightarrow d = 10$
- Se $t = 20$ então $20 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{20} \Leftrightarrow d = 5$

E assim, assinalando no gráfico os pontos (5,20), (10,10) e (20,5), vem:



8.2. Como as grandezas t e d são inversamente proporcionais, podemos determinar a constante de proporcionalidade inversa, multiplicando dois valores correspondentes, por exemplo

$$t \times d = 100 \times 1 \Leftrightarrow t \times d = 100$$

Resposta: **Opção** $t \times d = 100$

8.3. Como a apanha demorou 4 dias, podemos verificar pelos dados da tabela que estiveram envolvidos 25 trabalhadores.

Assim, como foram apanhados 80 000 kg de uvas, no total, a média da quantidade total de uvas apanhadas, **por cada trabalhador**, foi:

$$\bar{x}_t = \frac{80\,000}{25} = 3200 \text{ kg}$$

Como cada trabalhador apanhou uvas durante 4 dias, a média da quantidade de uvas apanhadas, **por dia**, foi:

$$\bar{x}_d = \frac{3200}{4} = 800 \text{ kg}$$



9.

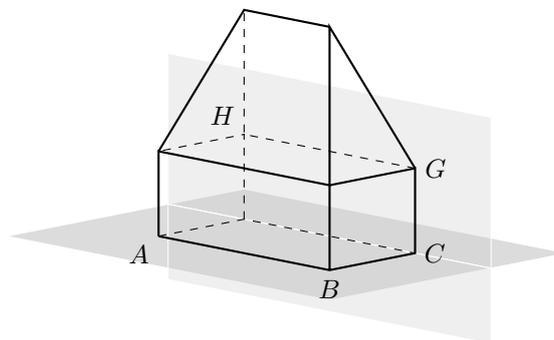
9.1. Como o chão da casa é um retângulo cujos lados medem 4,5 m e 2,25 m, então a área é:

$$A_{[ABCD]} = 4,5 \times 2,25 = 10,125 \text{ m}^2$$

9.2. Como $[ABCDEFGH]$ é um prisma quadrangular reto, quaisquer duas faces adjacentes pertencem, respectivamente a dois planos perpendiculares.

Assim, o plano que contém o chão da casa, ou seja o plano ABC é perpendicular, por exemplo ao

plano CGH



9.3. Como a reta GC é perpendicular ao plano ABC é perpendicular a todas as retas do plano, em particular é perpendicular á reta CA , logo GCA é um ângulo reto.

Resposta: **Opção** $\angle GCA$

- 10.
- Na primeira eliminatória, como há 16 jogadores e se realizam $\frac{16}{2} = 8$ jogos, existem 8 jogadores apurados para a eliminatória seguinte.
 - Assim na segunda eliminatória, existem 8 jogadores e são realizados $\frac{8}{2} = 4$ jogos, pelo que serão 4 jogadores apurados para a eliminatória seguinte.
 - Na terceira eliminatória, como existem 4 jogadores o número de jogos realizados são $\frac{4}{2} = 2$ jogos, e serão apurados para a eliminatória seguinte 2 jogadores.
 - Finalmente, a quarta eliminatória consiste num único jogo entre os 2 jogadores apurados.

Assim, o número de jogos realizados durante todo o torneio é a soma do número de jogos realizados nas quatro eliminatórias, ou seja:

$$8 + 4 + 2 + 1 = 15 \text{ jogos}$$

11.

11.1. Como no mês de maio o dobro do valor da temperatura foi:

$$2T = 2 \times 16,7 = 33,4 \text{ }^\circ\text{C}$$

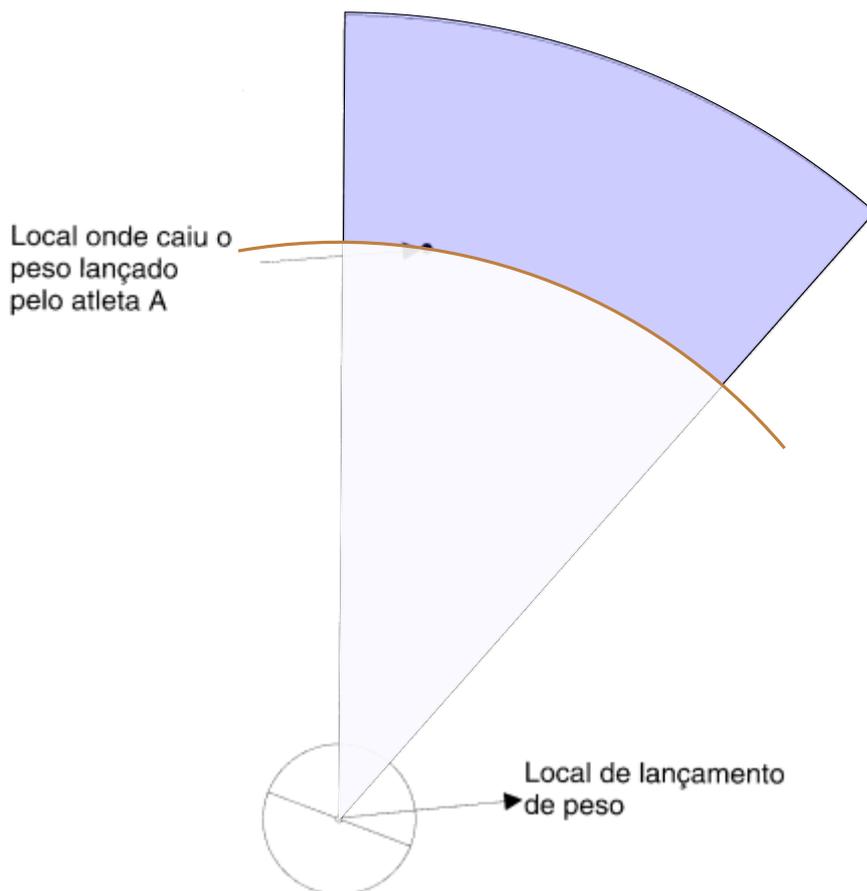
E o valor da temperatura média não é inferior ao valor calculado ($2T$), porque $87,2 > 33,4$, então maio não pode ser considerado um mês seco.

11.2. Como a precipitação média nos meses julho, agosto e setembro foi, respetivamente 16,5; 27,5 e 61,5; então, calculando a precipitação média nestes três meses e arredondado o resultado às décimas, temos:

$$\bar{x}_P = \frac{16,5 + 27,5 + 61,5}{3} = \frac{105,5}{3} \approx 35,2 \text{ }^\circ\text{C}$$



12.



13. Como 1 litro são 1000 ml, então o João ingeriu, em litros, $\frac{200}{1000} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$, pelo que, para gastar as calorias relativas ao sumo de laranja que bebeu, deverá pedalar:

$$\frac{1}{5} \times 53 \text{ min}$$

Da mesma forma, para gastar as calorias relativas aos amendoins que comeu precisará de pedalar:

$$\frac{10}{100} \times 86 = \frac{1}{10} \times 86 \text{ min}$$

Desta forma, o tempo total que o João terá que pedalar para gastar as calorias correspondentes aos ingeridos no lanche, em minutos, é:

$$\frac{53}{5} + \frac{86}{10} = 19,2 \text{ min}$$

14. Como o triângulo retângulo tem um ângulo reto (90°), e a soma dos ângulos internos de um triângulo é 180° , então a soma das amplitudes dos restantes ângulos internos é $180 - 90 = 90^\circ$, ou seja, qualquer um deles tem amplitude inferior a 90°
Assim, como os ângulos de um triângulo retângulo não têm todos a mesma amplitude, o triângulo não é equilátero.



15. Como cada aula tem 50 minutos, então $\frac{4,2 \times 10^3}{50}$ é o total de aulas de Matemática já teve a Rita este ano.

Simplificando o quociente, temos:

$$\frac{4,2 \times 10^3}{50} = \frac{4,2 \times 10^3}{5 \times 10} = \frac{4,2}{5} \times \frac{10^3}{10} = 0,84 \times 10^{3-1} = 8,4 \times 10^{-1} \times 10^2 = 8,4 \times 10^{-1+2} = 8,4 \times 10 = 84$$

Ou seja, este ano, a Rita já teve 84 aulas de Matemática.

16.

16.1. De acordo com as indicações temos que:

- População = 100 000
- A = 2000
- B = 1250

Assim, como População = $\frac{A \times B}{M}$, substituindo os valores conhecidos e calculando o número de trutas marcadas na 2ª amostra (M), vem que:

$$100\,000 = \frac{2000 \times 1250}{M} \Leftrightarrow M = \frac{2000 \times 1250}{100\,000} \Leftrightarrow M = \frac{2 \times 125}{10} \Leftrightarrow M = \frac{250}{10} \Leftrightarrow M = 25$$

16.2. Se na 2ª amostra todas as trutas estiverem marcadas, concluímos que todas a População é igual ao número de animais capturados na 1ª amostra.

Por exemplo se a 1ª amostra tiver 2000 animais e a 2ª amostra tiver 1250, todos marcados, vem que a população é:

$$\text{População} = \frac{2000 \times 1250}{1250} \Leftrightarrow \text{População} = 2000$$

17. Uma redução da figura terá a mesma forma e as mesma proporções.

- A Figura 1 tem aproximadamente a mesma altura e largura diferente, pelo que não é uma redução.
- A Figura 3 não tem a mesma forma, pelo que não é uma redução
- A Figura 4 tem aproximadamente a mesma largura e altura diferente, pelo que não é uma redução.

Resposta: **Opção** Figura 2

