

Exame final nacional de Matemática A (2021, Época especial)

Proposta de resolução



1.

- 1.1. Como o plano α é perpendicular à reta BE , o vetor $\overrightarrow{BE} = (-1, 6, 2)$ é um vetor normal do plano, pelo que a equação do plano é da forma:

$$-x + 6y + 2z + d = 0$$

E como o ponto de coordenadas $(1, 0, 1)$ pertence ao plano, podemos determinar o valor do parâmetro d , substituindo as coordenadas, na equação anterior:

$$-1 + 6(0) + 2(1) + d = 0 + d = 0 \Leftrightarrow -1 + 0 + 2 + d = 0 \Leftrightarrow 1 + d = 0 \Leftrightarrow d = -1$$

E assim, uma equação do plano α , é:

$$-x + 6y + 2z - 1 = 0 \Leftrightarrow x - 6y - 2z + 1 = 0$$

Resposta: **Opção C**

- 1.2. Como a base da pirâmide está contida no plano xOz e o vértice que não pertence à base, o vértice E , tem coordenadas $(-2, 6, 2)$, então a altura da pirâmide é a distância do ponto E ao plano xOz , ou seja 6.

Como o volume da pirâmide é 20, podemos calcular a área da base:

$$V_{[ABCDE]} = \frac{1}{3} \times A_{[ABCD]} \times 6 \Leftrightarrow 20 = \frac{6 \times A_{[ABCD]}}{3} \Leftrightarrow 20 = 2 \times A_{[ABCD]} \Leftrightarrow \frac{20}{2} = A_{[ABCD]} \Leftrightarrow 10 = A_{[ABCD]}$$

E assim, com $[ABCD]$ é um quadrado, podemos determinar a medida do lado $[AB]$, ou seja a norma do vetor \overrightarrow{AB} :

$$\|\overrightarrow{AB}\| = \sqrt{10}$$

Como o \overrightarrow{BE} tem coordenadas $(-1, 6, 2)$ podemos determinar as coordenadas do ponto B a partir das coordenadas do ponto E :

$$B + \overrightarrow{BE} = E \Leftrightarrow B = E - \overrightarrow{BE} \Leftrightarrow B = (-2, 6, 2) - (-1, 6, 2) = (-2 - (-1), 6 - 6, 2 - 2) = (-1, 0, 0)$$

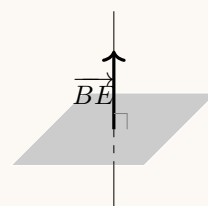
Como o vértice A pertence ao semieixo positivo Oz , tem abcissa e ordenada nulas, ou seja, as suas coordenadas são da forma $(0, 0, z)$; $z \in \mathbb{R}^+$, pelo que as coordenadas do vetor \overrightarrow{AB} são da forma:

$$\overrightarrow{AB} = B - A = (-1, 0, 0) - (0, 0, z) = (-1, 0, -z); z \in \mathbb{R}^+$$

Desta forma determinamos o valor de z , recorrendo ao valor da norma:

$$\|\overrightarrow{AB}\| = \sqrt{10} \Leftrightarrow \sqrt{(-1)^2 + 0^2 + z^2} = \sqrt{10} \Rightarrow (-1)^2 + 0^2 + z^2 = 10 \Leftrightarrow z^2 = 10 - 1 \Leftrightarrow z = \pm\sqrt{9} \Leftrightarrow z = \pm 3$$

Como $\overrightarrow{AB} = (-1, 0, -z)$; $z \in \mathbb{R}^+$, temos que $\overrightarrow{AB} = (-1, 0, -3)$

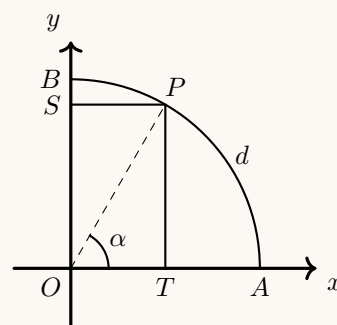


2. Considerando α como a amplitude do ângulo AOP , temos que as coordenadas do ponto P são:

$$P(r \cos \alpha, r \sin \alpha)$$

E assim, como $\overline{OA} = \overline{OB} = r$, $\overline{OT} = x_P = r \cos \alpha$ e $\overline{OS} = y_P = r \sin \alpha$, vem que:

$$\begin{aligned} \overline{BS} + \overline{TA} &= \overline{OB} - \overline{OS} + \overline{OA} - \overline{OT} = r - r \sin \alpha + r - r \cos \alpha = \\ &= r(1 - \sin \alpha + 1 - \cos \alpha) = r(2 - \sin \alpha - \cos \alpha) \end{aligned}$$



Como d o comprimento do arco AP , definido pelo ângulo α , e o perímetro da circunferência é $2\pi r$, correspondente a um ângulo de amplitude 2π radianos, então podemos identificar uma relação entre α , r e d :

$$\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{d}{2\pi r} \Leftrightarrow \alpha = \frac{2\pi \times d}{2\pi \times r} \Leftrightarrow \alpha = \frac{d}{r}$$

E assim, temos que:

$$\overline{BS} + \overline{TA} = r \left(2 - \sin \left(\frac{d}{r} \right) - \cos \left(\frac{d}{r} \right) \right)$$

3. Observando que entre 0 e 10 existem 11 valores números inteiros (incluindo estes limites), então o número de pontos cujas coordenadas são números inteiros, na região indicada, ou seja, o número de casos possíveis, é:

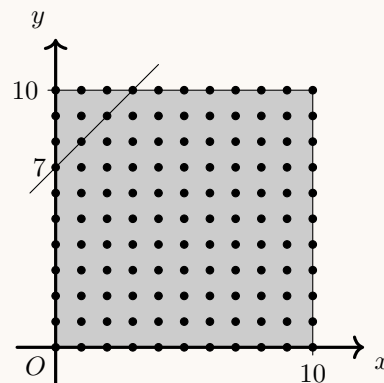
$$11 \times 11 = 121$$

A reta de equação $y = x + 7$ contém 4 dos pontos com coordenadas inteiras que pertencem a esta região $((0,7); (1,8); (2,9)$ e $(3,10))$, o seja, o número de casos favoráveis é 4.

Assim, recorrendo à Regra de Laplace, temos que o valor, arredondado às milésimas, da probabilidade de selecionar ao acaso um dos pontos identificados e ele pertencer à reta dada, é:

$$\frac{4}{121} \approx 0,033$$

Resposta: **Opção B**



4. Se a Fernanda oferecer 3 dos 5 livros e 3 das 7 canetas a um dos netos, como a ordem de seleção não é relevante e o beneficiário deste conjunto pode ser qualquer um dos dois netos o número de formas diferentes de fazer a repartição é:

$$2 \times {}^5C_3 \times {}^7C_3$$

Se a alternativa for oferecer 4 dos 5 livros e 2 das 7 canetas a um dos netos, como a ordem de seleção continua a não ser relevante e o beneficiário deste conjunto também pode ser qualquer um dos dois netos o número de formas diferentes de fazer a repartição é:

$$2 \times {}^5C_4 \times {}^7C_2$$

Como as qualquer uma destas alternativas pode acontecer em alternativa, temos que o número de modos diferentes pode a Fernanda repartir os doze objetos pelos seus dois netos é:

$$2 \times {}^5C_3 \times {}^7C_3 + 2 \times {}^5C_4 \times {}^7C_2 = 910$$



5. Temos que:

- $P(B|A) = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow P(A \cap B) = \frac{1}{2}P(A)$
- $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = P(A) + \frac{3}{2}P(A) - \frac{1}{2}P(A) = P(A) + \frac{2}{2}P(A) = 2P(A)$
- $P(\overline{A \cap B}) = P(\overline{A \cup B}) = 1 - P(A \cup B) = 1 - 2P(A)$

E assim, temos que:

$$P(\overline{A \cap B}) + 2P(A) = 1 - 2P(A) + 2P(A) = 1$$

6. Temos que:

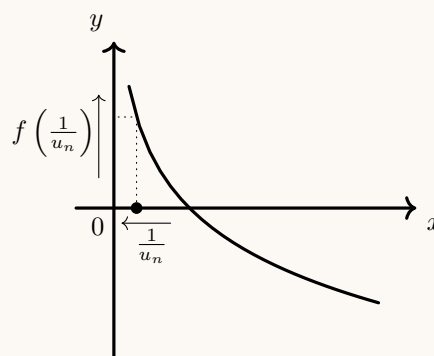
$$\lim u_n = \lim(2n^2 - n) = \lim(n(2n - 1)) = +\infty \times \infty = +\infty$$

$$\text{Logo: } \lim \frac{1}{u_n} = \frac{1}{+\infty} = 0^+$$

E assim, vem que:

$$\lim f\left(\frac{1}{u_n}\right) = +\infty \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$$

Desta forma, dos gráficos apresentados, o único que representa uma função que pode verificar esta condição é o gráfico da opção (A).



Resposta: **Opção A**

7. Os termos de ordem ímpar da sucessão (u_n) são aqueles cuja ordem é da forma $2k - 1$ ($k \in \mathbb{N}$), ou seja a sucessão dos termos de ordem ímpar da sucessão (u_n) é:

$$v_k = 2(2k - 1) + 1 = 4k - 2 + 1 = 4k - 1$$

Ou seja, é uma progressão aritmética de razão 4, pelo que a soma dos 200 primeiros termos é:

$$S_{200} = \frac{v_1 + v_{200}}{2} \times 200 = \frac{4(1) - 1 + 4(200) - 1}{2} \times 200 = \frac{4 - 2 + 800}{2} \times 200 = \frac{802}{2} \times 200 = 401 \times 200 = 80200$$

8. Escrevendo z_1 e z_2 na forma algébrica, com o objetivo de fazer a adição, temos:

- $z_1 = e^{i\theta} = \cos \theta + i \operatorname{sen} \theta$
- $z_2 = 2e^{i(\theta+\pi)} = 2(\cos(\theta + \pi) + i \operatorname{sen}(\theta + \pi)) = 2(-\cos \theta + i(-\operatorname{sen} \theta)) = -2 \cos \theta - 2i \operatorname{sen} \theta$

E assim, vem que:

$$\begin{aligned} z_1 + z_2 &= e^{i\theta} = \cos \theta + i \operatorname{sen} \theta + (-2 \cos \theta - 2i \operatorname{sen} \theta) = \cos \theta - 2 \cos \theta + i \operatorname{sen} \theta - 2i \operatorname{sen} \theta = \\ &= -\cos \theta - i \operatorname{sen} \theta = -(\cos \theta + i \operatorname{sen} \theta) = -z_1 \end{aligned}$$

Assim, temos que:

$$\arg(z_1 + z_2) = \arg(-z_1) = \pi + \theta$$

E como $\theta \in]0, \frac{\pi}{2}[$, o afixo do número complexo $z_1 + z_2$ pertence ao 3.º quadrante.

Resposta: **Opção C**



9. Temos que:

- $z_1^2 = \left(\frac{1}{2}e^{i\frac{\pi}{4}}\right)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times e^{2 \times i\frac{\pi}{4}} = \frac{1}{4}e^{i\frac{\pi}{2}} = \frac{1}{4}l\left(\cos\frac{\pi}{2} + i\operatorname{sen}\frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{4}i$
- $(\overline{z_2})^3 = (\overline{2i})^3 = (-2i)^3 = (-2)^3 i^3 = -8 \times (-i) = 8i$
- $z_1^2 \times (\overline{z_2})^3 = \frac{1}{4}i \times 8i = \frac{8}{4}i^2 = 2 \times (-1) = -2$

Assim, temos que:

$$iz^2 + z_1^2 \times (\overline{z_2})^3 - 2 = 0 \Leftrightarrow iz^2 + (-2) - 2 = 0 \Leftrightarrow iz^2 - 4 = 0 \Leftrightarrow iz^2 = 4 \Leftrightarrow z^2 = \frac{4}{i} \Leftrightarrow z^2 = \frac{4 \times i}{i \times i} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow z^2 = \frac{4i}{-1} \Leftrightarrow z^2 = -4i \Leftrightarrow z^2 = 4e^{i\frac{3\pi}{2}} \Leftrightarrow z = \sqrt{4e^{i\frac{3\pi}{2}}} \Leftrightarrow z = \sqrt{4}e^{i\left(\frac{\frac{3\pi}{2}+2k\pi}{2}\right)}, k \in \{0,1\}$$

Assim, os dois números complexos z que são solução da equação, esses números na forma trigonométrica, são:

- $(k=0) \rightarrow \sqrt{4}e^{i\left(\frac{\frac{3\pi}{2}+2(0)\pi}{2}\right)} = 2e^{i\left(\frac{\frac{3\pi}{2}}{2}\right)} = 2e^{i\frac{3\pi}{4}}$
- $(k=1) \rightarrow \sqrt{4}e^{i\left(\frac{\frac{3\pi}{2}+2(1)\pi}{2}\right)} = 2e^{i\left(\frac{\frac{3\pi}{2}+2\pi}{2}\right)} = 2e^{i\left(\frac{3\pi}{4}+\pi\right)} = 2e^{i\frac{7\pi}{4}}$

10.

10.1. Como a função f é contínua em $x = 1$, temos que:

$$f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$$

Assim, temos que:

- $f(1) = 1 - 2 + \ln(3 - 2(1)) = 1 - 2 + \ln(1) = -1 + 0 = -1$
- $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{\operatorname{sen}(x-1)}{1-x^2} + k\right) = \frac{\operatorname{sen}(1-1)}{1-1^2} + k = \frac{0}{0} + k$ (Indeterminação)

(fazendo $y = x - 1$, se $x \rightarrow 1$, então $y \rightarrow 0$, e observando que $1 - x^2 = 1^2 - x^2 = (1-x)(1+x) = -(x-1)(x+1)$)

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{\operatorname{sen}(x-1)}{1-x^2} + k\right) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{\operatorname{sen}(x-1)}{-(x-1)(x+1)} + k\right) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{\operatorname{sen}(x-1)}{x-1} \times \frac{1}{-(x+1)} + k\right) =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\operatorname{sen}(x-1)}{x-1} \times \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{-(x+1)} + \lim_{x \rightarrow 1^+} k = \underbrace{\lim_{y \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} y}{y}}_{\text{Lim. Notável}} \times \frac{1}{-(1+1)} + k = 1 \times \left(-\frac{1}{2}\right) + k = -\frac{1}{2} + k$$

Como a função é contínua em $x = 1$, podemos determinar o valor de k :

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1) \Leftrightarrow -\frac{1}{2} + k = -1 \Leftrightarrow k = -1 + \frac{1}{2} \Leftrightarrow k = -\frac{2}{2} + \frac{1}{2} \Leftrightarrow k = -\frac{1}{2}$$



10.2. Começamos por determinar a expressão da derivada da função f , em $] - \infty, 1[$:

$$f'(x) = (x - 2 + \ln(3 - 2x))' = (x)' - (2)' + (\ln(3 - 2x))' = 1 - 0 + \frac{(3 - 2x)'}{(3 - 2x)} = 1 + \frac{0 - 2}{3 - 2x} = 1 - \frac{2}{3 - 2x}$$

Calculando os zeros da derivada da função f , em $] - \infty, 1[$, temos:

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow 1 - \frac{2}{3 - 2x} = 0 \Leftrightarrow 1 = \frac{2}{3 - 2x} \Leftrightarrow 3 - 2x = 2 \Leftrightarrow 3 - 2 = 2x \Leftrightarrow \frac{1}{2} = x$$

Estudando a variação do sinal da derivada e relacionando com a monotonia da função, vem:

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$		1
f'		$+$	0	$-$
f		\nearrow	Máx.	\searrow
				n.d.

Assim, podemos concluir que a função f :

- é crescente no intervalo $] - \infty, \frac{1}{2}[$;
- é decrescente no intervalo $[\frac{1}{2}, 1[$;
- tem um máximo relativo que é:

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} - 2 + \ln\left(3 - 2 \times \frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{2} + \ln(3 - 1) = -\frac{3}{2} + \ln(2) = \ln 2 - \frac{3}{2}$$

11. Recorrendo às regras operatórias de logaritmos, e observando que $\sin(2x) = 2 \sin x \cdot \cos x$, temos:

$$\begin{aligned} g(x) &= \log_2(1 - \cos x) + \log_2(1 + \cos x) + 2 \log_2(2 \cos x) = \log_2((1 - \cos x)(1 + \cos x)) + \log_2(2 \cos x)^2 = \\ &= \log_2(1 + \cos x - \cos x - \cos^2 x) + \log_2(4 \cos^2 x) = \log_2(1 - \cos^2 x) + \log_2(4 \cos^2 x) = \\ &= \log_2(\sin^2 x) + \log_2(4 \cos^2 x) = \log_2(2^2 \sin^2 x \cdot \cos^2 x) = \log_2(2 \sin x \cdot \cos x)^2 = \\ &= \log_2(\sin(2x))^2 = 2 \log_2(\sin(2x)) \end{aligned}$$

12.

12.1. Com o decorrer do tempo, ou seja, quando $t \rightarrow +\infty$, o número de bactérias vivas existentes no tubo é dado por:

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} N(t) = \lim_{t \rightarrow +\infty} (N_0 e^{1,08t - 0,3t^2}) = \lim_{t \rightarrow +\infty} N_0 \times \lim_{t \rightarrow +\infty} e^{1,08t - 0,3t^2} = N_0 \times e^{-\infty} = N_0 \times 0 = 0$$

Resposta: **Opção D**

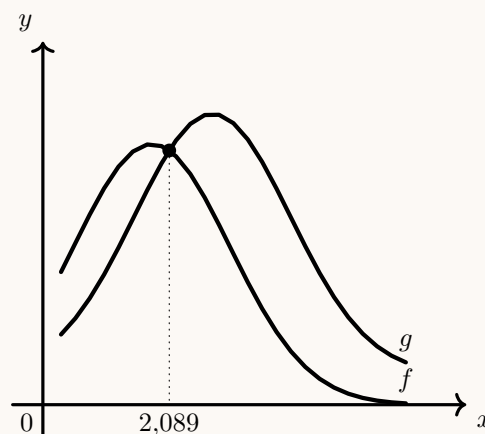


12.2. Como no instante, t_1 , havia, no tubo de ensaio, mais meio milhar de bactérias vivas do que uma hora antes desse instante, temos que:

$$N(t_1) = N(t_1 - 1) + \frac{1}{2}$$

Desta forma, visualizando na calculadora gráfica os gráficos das funções $f(x) = 1,63e^{1,08x-0,3x^2}$ e $g(x) = -1,63e^{1,08(x-1)-0,3(x-1)^2} + \frac{1}{2}$, numa janela compatível com o contexto descrito ($0 < x < 6$), correspondente a 12 horas), reproduzido na figura ao lado, e usando a funcionalidade da calculadora para determinar valores aproximados das coordenadas do ponto de interseção de dois gráficos, obtemos o valor aproximado (às milésimas) das coordenadas do ponto de interseção, cuja abscissa é o valor de t_1 :

$$(2,089, 4,202)$$



Assim temos que o instante $t_1 \approx 2,089$, e como 0,089 horas corresponde a $0,089 \times 60 \approx 5$ temos que o instante t_1 ocorreu 2 horas e 5 minutos após a colocação das bactérias no tubo de ensaio.

13. Como o domínio da função é \mathbb{R} , podem existir assíntotas horizontais do gráfico de f quando $x \rightarrow -\infty$ e quando $x \rightarrow +\infty$:

- $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 5x + 6} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} 1 = 1$
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x - 1}{e^{x-2}} = \frac{+\infty - 1}{e^{+\infty - 2}} = \frac{+\infty}{e^{+\infty}} = \frac{+\infty}{+\infty}$ (Indeterminação)

(fazendo $y = x - 2$, temos $x = y + 2$ e se $x \rightarrow -\infty$, então $y \rightarrow +\infty$)

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) &= \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{y + 2 - 1}{e^y} = \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{y + 1}{e^y} = \lim_{y \rightarrow +\infty} \left(\frac{y}{e^y} + \frac{1}{e^y} \right) = \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{y}{e^y} + \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^y} = \\ &= \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{1}{\frac{e^y}{y}} + \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^y} = \frac{\lim_{y \rightarrow +\infty} 1}{\underbrace{\lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{e^y}{y}}_{\text{Lim. Notável}}} + \lim_{y \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^y} = \frac{1}{+\infty} + \frac{1}{+\infty} = 0 + 0 = 0 \end{aligned}$$

Desta forma temos que $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ e que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$, pelo que as retas de equações $y = 1$ e $y = 0$ são assíntotas horizontais do gráfico de f , para $x \rightarrow -\infty$ e para $x \rightarrow +\infty$, respetivamente.



14. Resolvendo a inequação, temos:

$$e^{-x}(4 + e^{2x}) \geq 5 \Leftrightarrow \frac{1}{e^x} \times (4 + e^{2x}) \geq 5 \Leftrightarrow \frac{4}{e^x} + \frac{e^{2x}}{e^x} \geq 5 \Leftrightarrow \frac{4}{e^x} + \frac{e^{2x}}{e^x} \geq \frac{5e^x}{e^x} \Leftrightarrow_{e^x > 0}$$

$$\Leftrightarrow 4 + e^{2x} \geq 5e^x \Leftrightarrow (e^x)^2 - 5e^x + 4 \geq 0$$

Considerando $y = e^x$, temos que: $y^2 - 5y + 4 \geq 0$

Como $y^2 - 5y + 4 = 0 \Leftrightarrow y = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4(1)(4)}}{2 \times 1} \Leftrightarrow y = 1 \vee y = 4$, e o coeficiente de y^2 é positivo, então: $y^2 - 5y + 4 \geq 0 \Leftrightarrow y \leq 1 \vee y \geq 4$

Assim, como $y = e^x$, temos que:

$$e^{-x}(4 + e^{2x}) \geq 5 \Leftrightarrow e^x \leq 1 \vee e^x > 4 \Leftrightarrow x \leq \ln 1 \vee x \geq \ln 4 \Leftrightarrow x \leq 0 \vee x \geq \ln 4$$

E como $-2 \leq x \leq 2$, temos que o conjunto dos números reais que verificam a condição dada é:

$$(-\infty, 0] \cup [\ln 4, +\infty) \cap [-2, 2] = [-2, 0] \cup [\ln 4, 2]$$

Apresente a sua resposta na forma de intervalo ou de reunião de intervalos de números reais.

15. Como a reta é tangente, simultaneamente, ao gráfico de f e ao gráfico de g , o seu declive corresponde ao valor das derivadas nos respetivos pontos de tangência.

Designado por a a abcissa do ponto A e por b a abcissa do ponto B , como as ordenadas dos pontos A e B , são, respetivamente $f(a) = 2a^2$ e $g(b) = -(b-1)^2$, então o declive da reta é:

$$m_{AB} = \frac{f(a) - f(b)}{a - b} = \frac{2a^2 - (-(b-1)^2)}{a - b} = \frac{2a^2 + (b-1)^2}{a - b}$$

Por outro lado, temos que:

- $f'(x) = (2x^2)' = 2 \times 2x = 4x$, pelo que $m_{AB} = f'(a) = 4a$
- $g'(x) = (-x-1)^2' = -2(x-1) = -2x+2$, pelo que $m_{AB} = g'(b) = -2b+2$
- $f'(a) = g'(b) \Leftrightarrow 4a = -2b+2 \Leftrightarrow 2a = -b+1 \Leftrightarrow b = -2a+1$

E assim, substituindo na expressão anterior, temos que:

$$m_{AB} = \frac{2a^2 + (b-1)^2}{a - b} = \frac{2a^2 + (-2a+1-1)^2}{a - (-2a+1)} = \frac{2a^2 + (-2a)^2}{a + 2a - 1} = \frac{2a^2 + 4a^2}{3a - 1} = \frac{6a^2}{3a - 1}$$

Temos ainda que:

$$m_{AB} = f'(a) \Leftrightarrow \frac{6a^2}{3a - 1} = 4a \Leftrightarrow_{a \neq \frac{1}{3}} 6a^2 = 4a(3a - 1) \Leftrightarrow 6a^2 = 12a^2 - 4a \Leftrightarrow 6a^2 - 12a^2 + 4a = 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow -6a^2 + 4a = 0 \Leftrightarrow -3a^2 + 2a = 0 \Leftrightarrow a(-3a + 2) = 0 \Leftrightarrow a = 0 \vee -3a + 2 = 0 \Leftrightarrow a = 0 \vee 2 = 3a \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow a = 0 \vee \frac{2}{3} = a \wedge a \neq \frac{1}{3}$$

Como a reta não é horizontal o declive não pode ser zero, pelo que a abcissa do ponto A é $a = \frac{2}{3}$ e a abcissa do ponto B é $b = -2a + 1 = -2\left(\frac{2}{3}\right) + 1 = -\frac{4}{3} + 1 = -\frac{1}{3}$

