Números Complexos (12.º ano)

Operações e simplificação de expressões

Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios

1. Seja z um número complexo de argumento $\frac{\pi}{7}$.

   Qual dos seguintes valores é um argumento de $2iz$?

   (A) $\frac{5\pi}{14}$ **(B)** $\frac{9\pi}{14}$ **(C)** $\frac{6\pi}{7}$ **(D)** $\frac{8\pi}{7}$

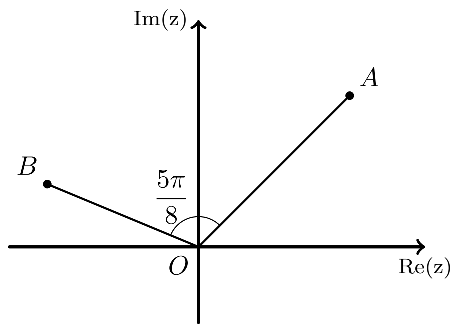
   Exame – 2023, Ép. especial

2. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, os pontos A e B.

   O ponto O é a origem do referencial.

   O ponto A é o afixo de um número complexo z tal que $\text{Im}\,(z) = \text{Re}\,(z)$ e $\text{Re}\,(z) > 0$.
   O ponto B é o afixo de um número complexo w tal que o ângulo convexo AOB tem amplitude $\frac{5\pi}{8}$ radianos.

   Qual dos valores seguintes é um argumento de $w \times z$?



   (A) $\frac{3\pi}{8}$ **(B)** $\frac{5\pi}{8}$ **(C)** $\frac{9\pi}{8}$ **(D)** $\frac{11\pi}{8}$

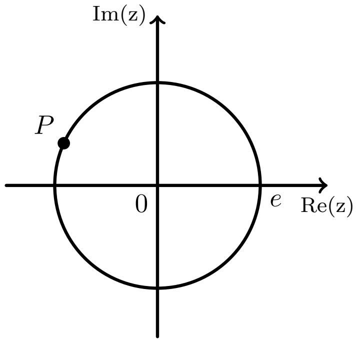
   Exame – 2023, 1.ª Fase

3. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere o número complexo $z = ee^{ie}$.

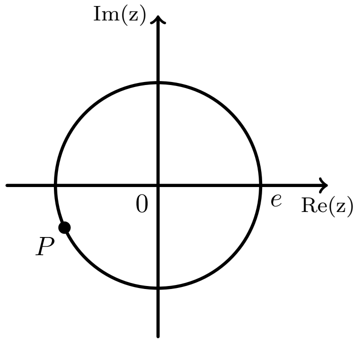
   Seja P o afixo de z no plano complexo.

   Em qual das opções seguintes pode estar representado, no plano complexo, o ponto P ?

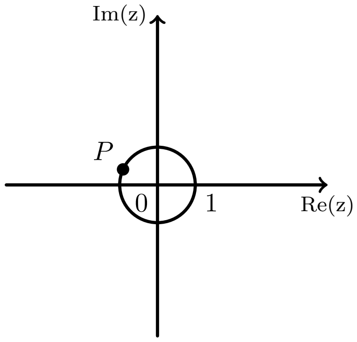
(A)



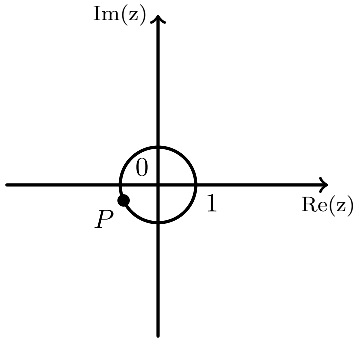
(B)



(C)



(D)



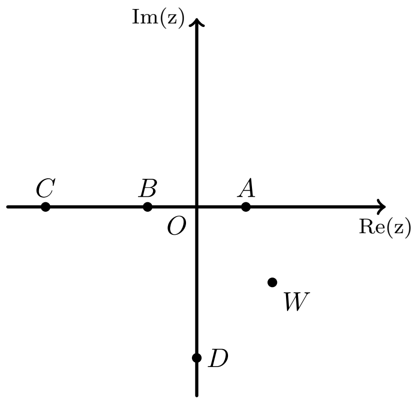
Exame – 2022, Ép. especial

4. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, os afixos de cinco números complexos.

   O ponto A pertence ao semieixo real positivo, os pontos B e C pertencem ao semieixo real negativo, e o ponto D pertence ao semieixo imaginário negativo.

   O ponto W é o afixo de um número complexo w tal que $\text{Im}\,(w) = -\,\text{Re}\,(w)$ e $\text{Re}\,(w) > 1$.

   Qual dos pontos seguintes pode ser o afixo do número complexo $-iw^2$?



(A) Ponto A **(B)** Ponto B **(C)** Ponto C **(D)** Ponto D

Exame – 2022, 1.ª Fase

5. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere os números complexos z_1 e z_2 e tais que, para $\theta \in \left]0, \frac{\pi}{2}\right[$, $z_1 = e^{i\theta}$ e $z_2 = 2e^{i(\theta+\pi)}$

   A qual dos quadrantes do plano complexo pertence o afixo do número complexo $z_1 + z_2$?

   (A) Primeiro **(B)** Segundo **(C)** Terceiro **(D)** Quarto

Exame – 2021, Ép. especial

6. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z = 2e^{i\frac{3\pi}{5}}$

   Seja w o número complexo tal que $z \times w = i$

   Qual dos valores seguintes é um argumento do número complexo w ?

   (A) $\frac{19\pi}{10}$ **(B)** $\frac{2\pi}{5}$ **(C)** $-\frac{2\pi}{5}$ **(D)** $-\frac{19\pi}{10}$

Exame – 2021, 2.ª Fase

7. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z_1 = -3 + 2i$, $z_2 = 1 + 2i$ e $z_3 = 2 - i$

   Seja w o número complexo tal que $w = \frac{z_1 \times z_2}{z_3}$

   Mostre, sem recorrer à calculadora, que a proposição seguinte é verdadeira.

$$|w| = \sqrt{13} \ \wedge \ \operatorname{Arg}(w) \in \left]-\frac{3\pi}{4}, -\frac{\pi}{2}\right[$$

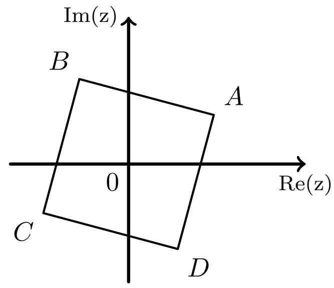
Exame – 2021, 1.ª Fase

8. Na figura ao lado, está representado, no plano complexo, o quadrado $[ABCD]$, cujo centro coincide com a origem.

   Os pontos A, B, C e D são os afixos imagens geométricas) dos números complexos z_1, z_2, z_3 e z_4, respetivamente.

   A que é igual $z_1 + z_2 + z_3 + z_4$?

   (A) 0 **(B)** 1 **(C)** 2 **(D)** 3



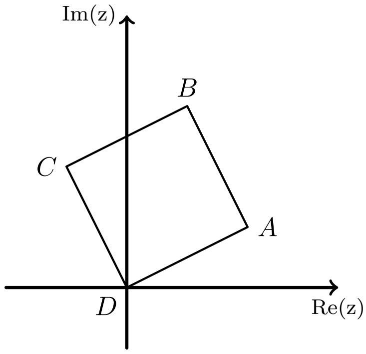
Exame – 2019, Ép. especial

9. Na figura ao lado, está representado, no plano complexo, o quadrado $[ABCD]$

Sabe-se que o ponto A é o afixo (imagem geométrica) de um número complexo z e que o ponto D é o afixo (imagem geométrica) do complexo nulo.

Qual é o número complexo cujo afixo (imagem geométrica) é o ponto B ?

(A) $z(1+i)$ **(B)** iz **(C)** i^3z **(D)** $z(2+i)$



Exame – 2019, 2.ª Fase

10. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, seja $z = -1 + 2i$

Seja θ o menor argumento positivo do número complexo $\overline{z}$ (conjugado de z).

A qual dos intervalos seguintes pertence θ ?

(A) $\left]0, \frac{\pi}{4}\right[$ **(B)** $\left]\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right[$ **(C)** $\left]\pi, \frac{5\pi}{4}\right[$ **(D)** $\left]\frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}\right[$

Exame – 2019, 1.ª Fase

11. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, a expressão $i^0 + i^1 + i^2 + ...i^{2018}$ é igual a

(A) i **(B)** $-i$ **(C)** $-1+i$ **(D)** $1+i$

Exame – 2018, Ép. especial

12. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z = \frac{(2-i)^2 + 1 + i}{1-2i} + 3i^{15}$

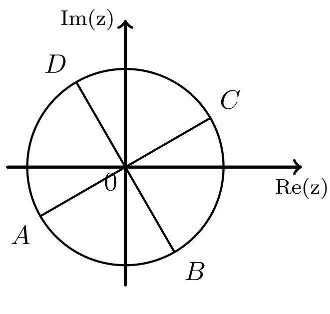
Escreva o complexo $-\frac{1}{2} \times \overline{z}$ na forma trigonométrica.

Exame – 2018, 2.ª Fase

13. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem e dois diâmetros perpendiculares dessa circunferência, $[AC]$ e $[BD]$

Sabe-se que o ponto A é a imagem geométrica de um certo complexo z

Qual é a imagem geométrica do complexo i^3z ?



(A) Ponto A **(B)** Ponto B **(C)** Ponto C **(D)** Ponto D

Exame – 2017, Ép. especial

14. Seja z um número complexo de argumento $\frac{\pi}{5}$

Qual dos seguintes valores é um argumento do número complexo $-5iz$?

(A) $-\frac{3\pi}{10}$ **(B)** $-\frac{4\pi}{5}$ **(C)** $-\frac{7\pi}{5}$ **(D)** $-\frac{13\pi}{10}$

Exame – 2017, 2.ª Fase

15. Seja θ um número real pertencente ao intervalo $\left]\pi, \frac{3\pi}{2}\right[$

Considere o número complexo $z = -3e^{i\theta}$

A que quadrante pertence a imagem geométrica do complexo z ?

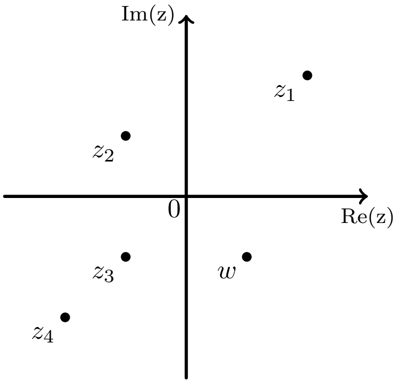
(A) Primeiro **(B)** Segundo **(C)** Terceiro **(D)** Quarto

Exame – 2016, 1.ª Fase

16. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas dos números complexos: w, z_1, z_2, z_3 e z_4.

Qual é o número complexo que pode ser igual a $-2iw$?

(A) z_1 **(B)** z_2 **(C)** z_3 **(D)** z_4



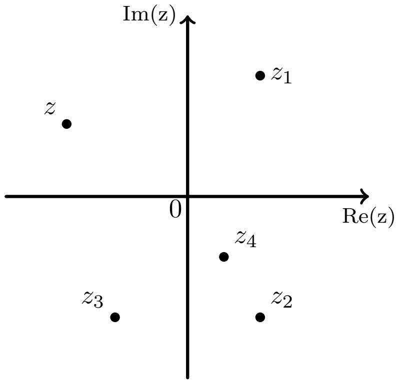
Exame – 2014, Ép. especial

17. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas dos números complexos: z, z_1, z_2, z_3 e z_4.

Sabe-se que w é um número complexo tal que $z = i \times \overline{w}$

Qual é o número complexo que pode ser igual a w?

(A) z_4 **(B)** z_3 **(C)** z_2 **(D)** z_1



Exame – 2013, Ép. especial

18. Considere, em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, $z = 2 + bi$, com $b < 0$
Seja $\alpha \in \left]0, \frac{\pi}{2}\right[$
Qual dos números complexos seguintes pode ser o conjugado de z?

(A) $\frac{3}{2}e^{i\alpha}$ **(B)** $3e^{i(-\alpha)}$ **(C)** $3e^{i\alpha}$ **(D)** $\frac{3}{2}e^{i(-\alpha)}$

Exame – 2013, 2.ª Fase

19. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos.
Seja $\alpha \in [-\pi,\pi[$
Mostre que $\dfrac{\cos(\pi - \alpha) + i\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)}{\cos\alpha + i\,\text{sen}\,\alpha} = e^{i(\pi - 2\alpha)}$

Exame – 2013, 2.ª Fase

20. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z = -8 + 6i$ e $w = \dfrac{-i \times z^2}{\overline{z}}$
Seja α um argumento do número complexo z
Qual das opções seguintes é verdadeira?

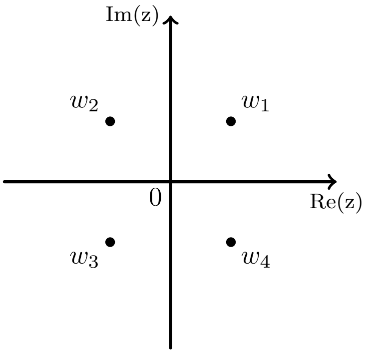
(A) $w = 10e^{i\left(3\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$ **(B)** $w = 2e^{i\left(3\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$ **(C)** $w = 10e^{i\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$ **(D)** $w = 2e^{i\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}$

Exame – 2013, 1.ª Fase

21. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos: w_1, w_2, w_3 e w_4

Qual é o número complexo que, com $n \in \mathbb{N}$, pode ser igual a $i^{8n} \times i^{8n-1} + i^{8n-2}$?

(A) w_1 **(B)** w_2 **(C)** w_3 **(D)** w_4



Exame – 2013, 1.ª Fase

22. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, seja $z = e^{i\theta}$, em que θ é um número real pertencente ao intervalo $\left]\frac{3\pi}{4}, \pi\right[$
Seja $w = z^2 - 2$
A que quadrante do plano complexo pertence a imagem geométrica de w?

(A) Primeiro quadrante. **(B)** Segundo quadrante.

(C) Terceiro quadrante. **(D)** Quarto quadrante.

Teste Intermédio 12.º ano – 24.05.2013

23. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

    Determine, sem recorrer à calculadora, o valor de $\dfrac{i^6 + 2i^7}{2 - i}$ Apresente o resultado na forma algébrica.

Teste Intermédio 12.º ano – 24.05.2013

24. Sejam k e p dois números reais tais que os números complexos $z = 1 + i$ e $w = (k - 1) + 2p\,i^{11}$ sejam inversos um do outro.
    Qual é o valor de $k + p$?

    (A) $-\dfrac{1}{4}$ **(B)** $\dfrac{1}{2}$ **(C)** $\dfrac{5}{4}$ **(D)** $\dfrac{7}{4}$

Exame – 2012, Ép. especial

25. Seja k um número real, e sejam $z_1 = 2 + i$ e $z_2 = 3 - ki$ dois números complexos.
    Qual é o valor de k para o qual $z_1 \times \overline{z_2}$ é um imaginário puro?

    (A) $\dfrac{3}{2}$ **(B)** $-\dfrac{3}{2}$ **(C)** 1 **(D)** 6

Exame – 2012, 2.ª Fase

26. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos.
    Seja n um número natural.

    Determine $\dfrac{\sqrt{3} \times i^{4n-6} + 2e^{i\left(-\frac{\pi}{6}\right)}}{2e^{i\frac{\pi}{5}}}$, sem recorrer à calculadora.

    Apresente o resultado na forma trigonométrica.

Exame – 2012, 2.ª Fase

27. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos: w, z_1, z_2, z_3 e z_4

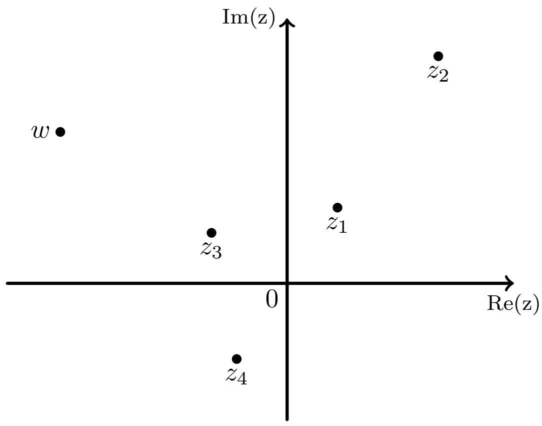
    Qual é o número complexo que pode ser igual a $\dfrac{w}{3i}$?

    (A) z_1

    (B) z_2

    (C) z_3

    (D) z_4

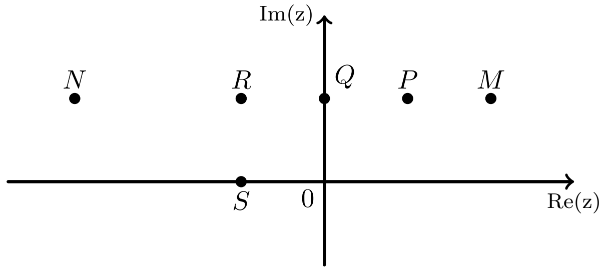


Exame – 2012, 1.ª Fase

28. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, seis pontos, M, N, P, Q, R e S

Sabe-se que:

- o ponto M é a imagem geométrica do número complexo $z_1 = 2 + i$
- o ponto N é a imagem geométrica do número complexo $z_1 \times z_2$



Qual dos pontos seguintes pode ser a imagem geométrica do número complexo z_2 ?

(A) ponto P **(B)** ponto Q **(C)** ponto R **(D)** ponto S

Exame – 2011, Prova especial

29. Sejam k e p dois números reais e sejam $z_1 = (3k + 2) + pi$ e $z_2 = (3p - 4) + (2 - 5k)i$ dois números complexos.

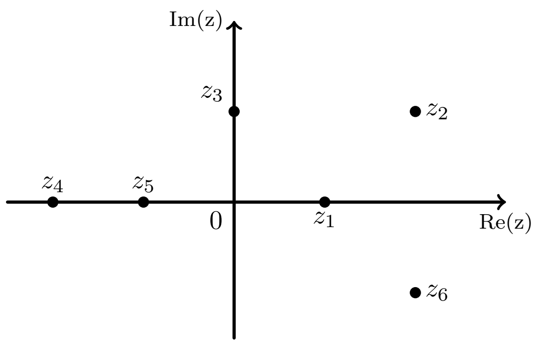
Quais são os valores de k e de p para os quais z_1 é igual ao conjugado de z_2?

(A) $k = -1$ e $p = 3$ **(B)** $k = 1$ e $p = 3$

(C) $k = 0$ e $p = -2$ **(D)** $k = 1$ e $p = -3$

Exame – 2011, Ép. especial

30. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, as imagens geométricas de seis números complexos, z_1, z_2, z_3, z_4, z_5 e z_6



Qual é o número complexo que pode ser igual a $(z_2 + z_4) \times i$?

(A) z_1

(B) z_3

(C) z_5

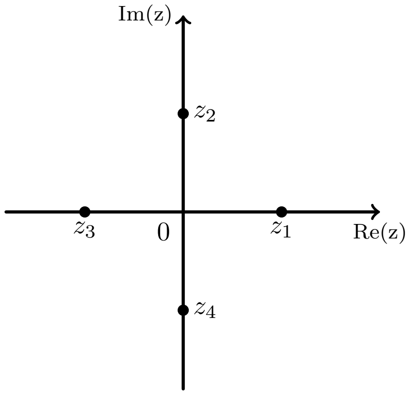
(D) z_6

Exame – 2011, 2.ª Fase

31. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos z_1, z_2, z_3 e z_4

Qual é o número complexo que, com $n \in \mathbb{N}$, pode ser igual a $i^{4n} + i^{4n+1} + i^{4n+2}$?

(A) z_1 **(B)** z_2 **(C)** z_3 **(D)** z_4

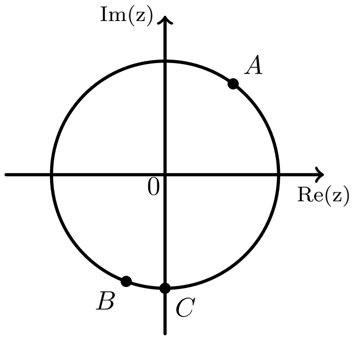


Exame – 2011, 1.ª Fase

32. Na figura ao lado, está representada, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem O do referencial.

Os pontos A, B e C pertencem à circunferência.
O ponto A é a imagem geométrica do número complexo $3 + 4i$
O ponto C pertence ao eixo imaginário.
O arco BC tem $\frac{\pi}{9}$ radianos de amplitude.
Qual é o número complexo cuja imagem geométrica é o ponto B?

(A) $5e^{i\left(\frac{10\pi}{9}\right)}$ **(B)** $5e^{i\left(\frac{25\pi}{18}\right)}$ **(C)** $7e^{i\left(\frac{10\pi}{9}\right)}$ **(D)** $7e^{i\left(\frac{25\pi}{18}\right)}$



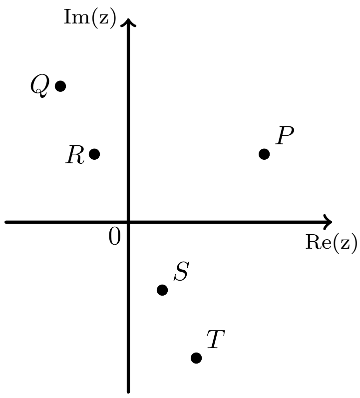
Teste Intermédio 12.º ano – 26.05.2011

33. Na figura ao lado, estão representados, no plano complexo, os pontos P, Q, R, S e T.

O ponto P é a imagem geométrica de um número complexo z

Qual dos pontos seguintes, representados na figura ao lado, é a imagem geométrica do número complexo $-i \times z$?

(A) Q **(B)** R **(C)** S **(D)** T



Exame – 2010, Ép. especial

34. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z = 3e^{i\left(\frac{\pi}{8} - \theta\right)}$, com $\theta \in \mathbb{R}$
Para qual dos valores seguintes de θ podemos afirmar que z é um número imaginário puro?

(A) $-\frac{\pi}{2}$ **(B)** $\frac{\pi}{2}$ **(C)** $\frac{\pi}{8}$ **(D)** $\frac{5\pi}{8}$

Exame – 2010, 1.ª Fase

35. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Determine $\dfrac{(1+2i)(3+i)-i^6+i^7}{3i}$, **sem recorrer à calculadora**.

Apresente o resultado na forma $x+yi$, com $x\in\mathbb{R}$ e $y\in\mathbb{R}$

Teste Intermédio 12.º ano – 19.05.2010

36. Seja θ um número real pertencente ao intervalo $\left]0,\dfrac{\pi}{2}\right[$.

Considere o número complexo $z=i.e^{i\theta}$.

Qual dos números complexos seguintes é o conjugado de z?

(A) $e^{i\left(-\frac{\pi}{2}-\theta\right)}$ **(B)** $e^{i\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right)}$ **(C)** $e^{i\left(\frac{\pi}{2}+\theta\right)}$ **(D)** $e^{i\left(\frac{3\pi}{2}+\theta\right)}$

Exame – 2009, Ép. especial

37. Considere, em $\mathbb{C}$, o número complexo $z_1=3-2i$.

Determine, **sem recorrer à calculadora**, o número complexo $z=\dfrac{z_1+z_1^2+2i^{43}}{8e^{i\left(\frac{3\pi}{2}\right)}}$.
Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame – 2009, Ép. especial

38. Seja z um número complexo, em que um dos argumentos é $\dfrac{\pi}{3}$.
Qual dos valores seguintes é um argumento de $\dfrac{2i}{\overline{z}}$, sendo $\overline{z}$ o conjugado de z?

(A) $\dfrac{\pi}{6}$ **(B)** $\dfrac{2}{3}\pi$ **(C)** $\dfrac{5}{6}\pi$ **(D)** $\dfrac{7}{6}\pi$

Exame – 2009, 1.ª Fase

39. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z_1=\dfrac{i}{1-i}-i^{18}$.
Determine z_1 na forma trigonométrica, **sem recorrer à calculadora**.

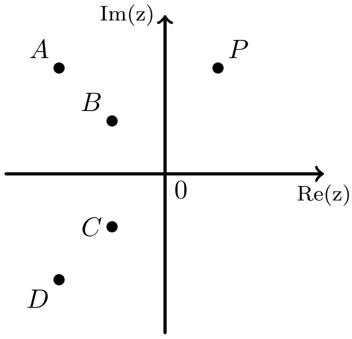
Exame – 2009, 1.ª Fase

40. Para um certo número real positivo ρ e para um certo número real α compreendido entre 0 e $\dfrac{\pi}{2}$, o número complexo $\rho e^{i\alpha}$ tem por imagem geométrica o ponto P, representado na figura ao lado.

Qual é a imagem geométrica do número complexo $\dfrac{\rho}{2}e^{i(2\alpha)}$?

(A) O ponto A **(B)** O ponto B

(C) O ponto C **(D)** O ponto D



Teste Intermédio 12.º ano – 27.05.2009

41. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Determine $\dfrac{(2+i)^2+1+6i^{35}}{1+2i}$ **sem recorrer à calculadora**.

Apresente o resultado na forma algébrica.

Teste Intermédio 12.º ano – 27.05.2009

42. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, sejam o número $z_1=(1-i).\left(1+e^{i\frac{\pi}{2}}\right)$ e $z_2=8e^{i\left(-\frac{\pi}{4}\right)}$ (i designa a unidade imaginária).
Determine, **sem recorrer à calculadora**, o número complexo $w=\dfrac{z_1}{z_2}$.
Apresente o resultado na forma trigonométrica.

Exame – 2008, Ép. especial

43. Seja z um número complexo de argumento $\dfrac{\pi}{6}$.

Qual dos seguintes valores é um argumento de $-z$?

(A) $-\dfrac{\pi}{6}$ **(B)** $\dfrac{5}{6}\pi$ **(C)** π **(D)** $\dfrac{7}{6}\pi$

Exame – 2008, 2.ª Fase

44. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere $z_1=1-i$ (i designa a unidade imaginária).

Sem recorrer à calculadora, determine o valor de $\dfrac{2z_1-i^{18}-3}{1-2i}$.

Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame – 2008, 2.ª Fase

45. Seja $z=3i$ um número complexo.
Qual dos seguintes valores é um argumento de z?

(A) 0 **(B)** $\dfrac{1}{2}\pi$ **(C)** π **(D)** $\dfrac{3}{2}\pi$

Exame – 2008, 1.ª fase

46. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, seja i a unidade imaginária.
Seja n um número natural tal que $i^n=-i$.
Indique qual dos seguintes é o valor de i^{n+1}.

(A) 1 **(B)** i **(C)** -1 **(D)** $-i$

Exame – 2007, 2.ª fase

47. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, sejam:

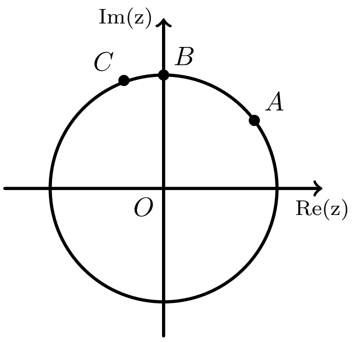
$$z_1 = 3 + yi \qquad \text{e} \qquad z_2 = 4iz_1$$

(i é a unidade imaginária e y designa um número real).
Considere que, para qualquer número complexo z não nulo, $\arg(z)$ designa o argumento z de que pertence ao intervalo $[0,2\pi[$.
Admitindo que $\arg(z_1) = \alpha$ e que $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ determine o valor de $\arg(-z_2)$ em função de α.

Exame – 2007, 2.ª fase

48. Na figura seguinte está representada, no plano complexo, uma circunferência de centro na origem do referencial.

Os pontos A, B e C pertencem à circunferência.
O ponto A é a imagem geométrica do número complexo $4 + 3i$
O ponto B pertence ao eixo imaginário.
O arco BC tem 18 graus de amplitude.
Em cada uma das quatro alternativas que se seguem, está escrito um número complexo na forma trigonométrica (os argumentos estão expressos em radianos).



Qual deles tem por imagem geométrica o ponto C?

(A) $7e^{i\left(\frac{2\pi}{3}\right)}$ **(B)** $7e^{i\left(\frac{3\pi}{5}\right)}$ **(C)** $5e^{i\left(\frac{2\pi}{3}\right)}$ **(D)** $5e^{i\left(\frac{3\pi}{5}\right)}$

Exame – 2006, Ép. especial

49. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.
Considere $z_1 = (2 - i)\left(2 + e^{i\left(\frac{\pi}{2}\right)}\right)$ e $z_2 = \frac{1}{5}e^{i\left(-\frac{\pi}{7}\right)}$
Sem recorrer à calculadora, escreva o número complexo $\frac{z_1}{z_2}$ na forma trigonométrica.

Exame – 2006, 2.ª fase

50. Considere, no plano complexo, um ponto A imagem geométrica de um certo número complexo z. Sabe-se que A não pertence a qualquer um dos eixos do plano complexo.
Seja B o ponto simétrico do ponto A, relativamente ao eixo imaginário.
Qual dos números complexos seguintes tem por imagem geométrica o ponto B?

(A) $\overline{z}$ **(B)** $\frac{1}{z}$ **(C)** $-\overline{z}$ **(D)** $-z$

Exame – 2005, Ép. especial

51. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere

$$w_1 = 1 + i, \qquad w_2 = \sqrt{2}e^{i\left(\frac{\pi}{12}\right)} \qquad \text{e} \qquad w_3 = \sqrt{3}e^{i\left(-\frac{\pi}{2}\right)}$$

Sem recorrer à calculadora, determine $\frac{w_1 \times w_2 - 2}{w_3}$
Apresente o resultado na **forma algébrica**.

Exame – 2005, 2.ª fase

52. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.
Considere $w = \dfrac{2+i}{1-i} - i$
Sem recorrer à calculadora, escreva w na forma trigonométrica.

Exame – 2005, 1.ª fase

53. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere
$w = 4 - 3i$ (i designa a unidade imaginária)

53.1. **Sem recorrer à calculadora**, calcule, na forma algébrica, $2i + \dfrac{w^2}{i}$

53.2. Seja α um argumento do número complexo w.
Exprima, na forma trigonométrica, em função de α, o produto de i pelo conjugado de w.

Exame – 2004, 2.ª fase

54. Em $\mathbb{C}$, considere os números complexos: $z_1 = -6 + 3i$ e $z_2 = 1 - 2i$

Sem recorrer à calculadora, determine $\dfrac{z_1 + i^{23}}{z_2}$, apresentando o resultado final na forma trigonométrica.

Exame – 2004, 1.ª fase

55. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere

$$z = 2e^{i\left(\theta - \frac{\pi}{5}\right)}$$

Para qual dos seguintes valores de θ é que z é um número real?

(A) $\dfrac{6\pi}{5}$ **(B)** $\dfrac{7\pi}{5}$ **(C)** $\dfrac{8\pi}{5}$ **(D)** $\dfrac{9\pi}{5}$

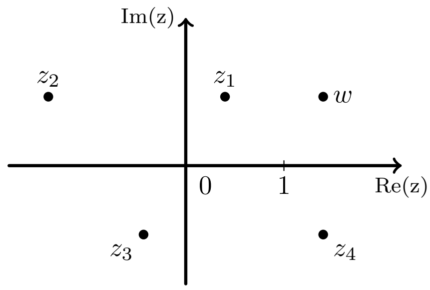
Exame – 2003, Prova para militares

56. Na figura ao lado, estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos:

w, z_1, z_2, z_3 e z_4.

Qual é o número complexo que pode ser igual a $1 - w$?

(A) z_1 **(B)** z_2 **(C)** z_3 **(D)** z_4



Exame – 2003, 2.ª fase

57. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere

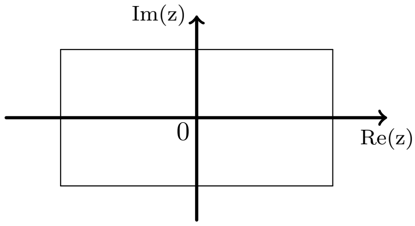
$z_1 = 2 - 2i$ e $z_2 = \sqrt{2}e^{i\left(\frac{5\pi}{4}\right)}$
Sem recorrer à calculadora, determine $\dfrac{z_1}{z_2}$ apresentando o resultado na forma algébrica.

Exame – 2003, 1.ª fase - 1.ª chamada

58. Na figura ao lado está representado um retângulo de comprimento 4 e largura 2, centrado na origem do plano complexo.

Seja z um número complexo qualquer, cuja imagem geométrica está situada no interior do retângulo.

Qual dos seguintes números complexos tem também, necessariamente, a sua imagem geométrica no interior do retângulo?



(A) z^{-1} **(B)** $\overline{z}$ **(C)** z^2 **(D)** $2z$

Exame – 2002, 2.ª fase

59. De dois números complexos z_1 e z_2 sabe-se que:

- um argumento de z_1 é $\frac{\pi}{3}$
- o módulo de z_2 é 4

Seja $w = \frac{-1+i}{i}$

Justifique que w é diferente de z_1 e de z_2

Exame – 2002, 1.ª fase - 2.ª chamada

60. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, seja

$z_1 = 1 + i$ (i designa a unidade imaginária).

Sem recorrer à calculadora, determine o valor de $\frac{z_1 + i^{23} + 4}{2 - i}$

Apresente o resultado na forma algébrica.

Exame – 2001, Ép. especial

61. Em $\mathbb{C}$, conjunto dos números complexos, considere

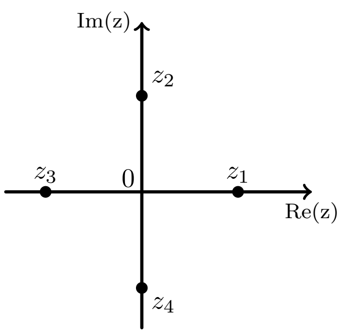
$w = 2 + i$ (i designa a unidade imaginária).

Averigue se o inverso de w é, ou não, $\sqrt{2}e^{i\left(\frac{3\pi}{4}\right)}$

Exame – 2001, 2.ª fase

62. Seja w um número complexo diferente de 0, cuja imagem geométrica, no plano complexo, está no primeiro quadrante e pertence à bissetriz dos quadrantes ímpares.
Seja $\overline{w}$ o conjugado de w.
Na figura ao lado estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de quatro números complexos: z_1, z_2, z_3 e z_4.

Qual deles pode ser igual a $\frac{w}{\overline{w}}$?



(A) z_1 **(B)** z_2 **(C)** z_3 **(D)** z_4

Exame – 2001, 1.ª fase - 1.ª chamada

63. Seja z um número complexo de argumento $\frac{\pi}{5}$

Qual poderá ser um argumento do **simétrico** de z?

(A) $-\frac{\pi}{5}$ **(B)** $\pi+\frac{\pi}{5}$ **(C)** $\pi-\frac{\pi}{5}$ **(D)** $2\pi+\frac{\pi}{5}$

Exame – 2000, 1.ª fase - 2.ª chamada

64. Seja A o conjuntos dos números complexos cuja imagem, no plano complexo, é o interior do círculo de centro na origem do referencial e raio 1.

Sem recorrer à calculadora, mostre que o número complexo $\frac{1+\sqrt{3}i}{4e^{i\left(\frac{\pi}{6}\right)}}$ pertence ao conjunto A.

Exame – 2000, 1.ª fase - 1.ª chamada

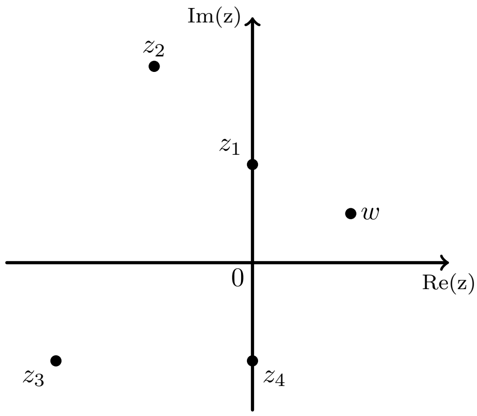
65. Seja $\mathbb{C}$ o conjunto dos números complexos; i designa a unidade imaginária.

Na figura ao lado estão representadas, no plano complexo, as imagens geométricas de cinco números complexos:

w, z_1, z_2, z_3 e z_4

Qual deles pode ser igual a $2iw$?

(A) z_1 **(B)** z_2 **(C)** z_3 **(D)** z_4



Exame – 2000, Prova modelo