

MATEMÁTICA - 3º ciclo

Figuras semelhantes (7º ano)

Propostas de resolução

Exercícios de provas nacionais e testes intermédios

1. Como os triângulos $[ABC]$ e $[DEC]$ são semelhantes, porque têm um ângulo comum e os lados opostos ao ângulo comum são paralelos, temos que:

$$\frac{\overline{CE}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{EB}}{\overline{DA}}$$

Resposta: **Opção A**

Prova Final 3º Ciclo – 2018, Época especial

2. Como as retas r , s e t são concorrentes num ponto, designado por P o ponto onde se intersectam, temos que os triângulos $[UXP]$ e $[VYP]$ são semelhantes.

Como os lados $[UX]$ e $[VY]$ são correspondentes assim como os lados $[XP]$ e $[YP]$, temos que:

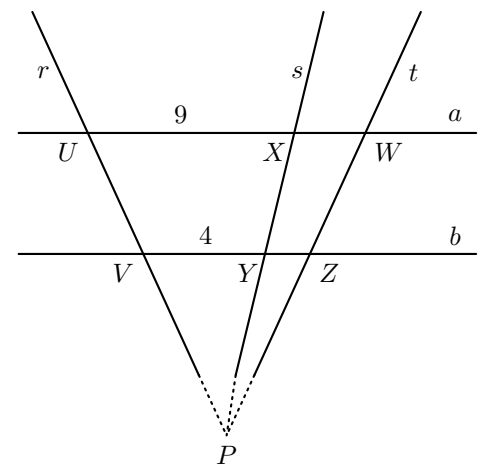
$$\frac{\overline{XP}}{\overline{YP}} = \frac{\overline{UX}}{\overline{VY}} \Leftrightarrow \frac{\overline{XP}}{\overline{YP}} = \frac{9}{4}$$

Por outro lado, temos também os triângulos $[XWP]$ e $[YZP]$ são semelhantes.

Como os lados $[XW]$ e $[YZ]$ são correspondentes assim como os lados $[XP]$ e $[YP]$, temos que:

$$\frac{\overline{XW}}{\overline{YZ}} = \underbrace{\frac{\overline{XP}}{\overline{YP}}}_{\frac{9}{4}} \Leftrightarrow \frac{\overline{XW}}{\overline{YZ}} = \frac{9}{4}$$

Resposta: **Opção C**



Prova Final 3º Ciclo - 2018, 2ª fase

3. Como os triângulos $[ABI]$ e $[CDI]$ têm dois pares de ângulos iguais (os ângulos DCI e ABI são ângulos alternos internos, e os ângulos CID e BIA são ângulos verticalmente opostos), pelo critério AA, os triângulos são semelhantes.

Como os lados $[AB]$ e $[CD]$ são correspondentes, porque se opõem a ângulos iguais, e também os lados $[IA]$ e $[ID]$ são correspondentes, porque também se opõem a ângulos iguais, e assim temos que:

$$\frac{\overline{AB}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{IA}}{\overline{ID}}$$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3º Ciclo - 2018, 1ª fase



4. Como triângulo $[ADB]$ é uma redução do triângulo $[BCD]$ e os lados $[AB]$ e $[BC]$ são correspondentes, porque ambos são o lado que se opõe ao ângulo reto nos respectivos triângulo, então a razão de semelhança é:

$$r = \frac{\overline{AB}}{\overline{BC}} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

Assim, como a razão das áreas de figuras semelhantes é o quadrado da razão de semelhança, temos que:

$$\frac{\text{Área do triângulo } [ADB]}{\text{Área do triângulo } [BDC]} = r^2 = \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{9}{25}$$

Resposta: **Opção A**

Prova de Aferição 8º ano - 2018

5. Como as retas a , b e c são paralelas, podemos afirmar, pelo Teorema de Tales, que os segmentos produzidos nas retas r e s são proporcionais, ou seja:

$$\frac{\overline{WV}}{\overline{YW}} = \frac{\overline{ZU}}{\overline{XZ}}$$

Desta forma, substituindo as medidas dos comprimentos conhecidos, o valor de \overline{WV} , em centímetros, é:

$$\frac{\overline{WV}}{3,6} = \frac{4}{3} \Leftrightarrow \overline{WV} = \frac{4 \times 3,6}{3} \Leftrightarrow \overline{WV} = 4,8 \text{ cm}$$

Prova de Aferição 8º ano - 2018

6. Como $[CD]$ é a altura do triângulo $[ABC]$ relativa ao lado $[AB]$ e o triângulo $[ABC]$ é retângulo então os triângulos $[ADC]$ e $[CDB]$ são semelhantes, ou seja, a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja:

$$\frac{\overline{BD}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{CD}}{\overline{AD}}$$

Desta forma, substituindo os valores conhecidos, vem que:

$$\frac{\overline{BD}}{\sqrt{8}} = \frac{\sqrt{8}}{1} \Leftrightarrow \overline{BD} = \frac{\sqrt{8} \times \sqrt{8}}{1} \Leftrightarrow \overline{BD} = (\sqrt{8})^2 \Leftrightarrow \overline{BD} = 8$$

Assim, como os lado $[CD]$ e $[BD]$ do triângulo $[BCD]$ são perpendiculares, a área do triângulo em cm^2 , arredondado às centésimas, é:

$$A_{[BCD]} = \frac{\overline{BD} \times \overline{CD}}{2} = \frac{8 \times \sqrt{8}}{2} = 4\sqrt{8} \approx 11,31 \text{ cm}^2$$

Prova Final 3º Ciclo – 2017, Época especial

7. Como os triângulos $[OAB]$ e $[OCD]$ são semelhantes (porque têm um ângulo comum e os lados opostos a este ângulo - os lados $[AB]$ e $[CD]$ são paralelos), a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja:

$$\frac{\overline{OC}}{\overline{OA}} = \frac{\overline{CD}}{\overline{AB}}$$

Desta forma, substituindo os valores conhecidos, vem que:

$$\frac{\overline{OC}}{9,8} = \frac{8,4}{5,6} \Leftrightarrow \overline{OC} = \frac{8,4 \times 9,8}{5,6} \Leftrightarrow \overline{OC} = 14,7 \text{ cm}$$

Como $\overline{OC} = \overline{OA} + \overline{AC} \Leftrightarrow \overline{AC} = \overline{OC} - \overline{OA}$, calculando o valor de \overline{AC} , em centímetros, vem:

$$\overline{AC} = \overline{OC} - \overline{OA} = 14,7 - 9,8 = 4,9 \text{ cm}$$

Prova Final 3º Ciclo – 2016, Época especial



8. Como os triângulos $[PAB]$ e $[PCD]$ são semelhantes (porque têm um ângulo comum e os lados opostos a este ângulo - os lados $[AB]$ e $[CD]$ - são paralelos), então a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja:

$$\frac{\overline{PC}}{\overline{PA}} = \frac{\overline{CD}}{\overline{AB}}$$

Desta forma, substituindo os valores conhecidos, calculamos a medida do diâmetro da circunferência c_2 , ou seja, o valor de \overline{PC} :

$$\frac{\overline{PC}}{3,5} = \frac{6}{2} \Leftrightarrow \frac{\overline{PC}}{3,5} = 3 \Leftrightarrow \overline{PC} = 3 \times 3,5 \Leftrightarrow \overline{PC} = 10,5 \text{ cm}$$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3º Ciclo - 2016, 2ª fase

9. Como os triângulos $[ABO]$ e $[CDO]$ são semelhantes (porque têm um ângulo comum e os lados opostos a este ângulo - os lados $[AB]$ e $[CD]$ são paralelos). Assim, a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja:

$$\frac{\overline{OD}}{\overline{OB}} = \frac{\overline{OC}}{\overline{OA}}$$

Temos ainda que:

$$\overline{OC} = \overline{OA} + \overline{AC} = 8 + 4,5 = 12,5 \text{ cm}$$

Desta forma, substituindo os valores conhecidos, vem que:

$$\frac{\overline{OD}}{9,6} = \frac{12,5}{8} \Leftrightarrow \overline{OD} = \frac{12,5 \times 9,6}{8} \Leftrightarrow \overline{OD} = 15 \text{ cm}$$

Como $\overline{OD} = \overline{OB} + \overline{BD} \Leftrightarrow \overline{BD} = \overline{OD} - \overline{OB}$, calculando o valor de \overline{BD} , em centímetros, vem:

$$\overline{BD} = \overline{OD} - \overline{OB} = 15 - 9,6 = 5,4 \text{ cm}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2016, 1ª fase

10. Os triângulos $[EFB]$ e $[CDE]$ são semelhantes. Podemos justificar a semelhança pelo critério AA ($\widehat{EFB} = \widehat{CDE}$ e $\widehat{BEF} = \widehat{ECD}$).

Assim, a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja,

$$\frac{\overline{EC}}{\overline{BE}} = \frac{\overline{DE}}{\overline{FB}}$$

Logo, substituindo os valores conhecidos, vem que:

$$\frac{\overline{EC}}{7,8} = \frac{6,3}{3} \Leftrightarrow \overline{EC} = \frac{6,3 \times 7,8}{3} \Leftrightarrow \overline{EC} = 16,38 \text{ cm}$$

Prova de Aferição 8º ano - 2016

11. Como a razão das áreas dos triângulos é o quadrado da razão de semelhança, e o triângulo $[STU]$ é uma ampliação do triângulo $[PQR]$, então estabelecendo a relação de proporcionalidade e substituindo os valores conhecidos, calculamos o valor da área do triângulo $[STU]$, em cm^2 , e arredondamos o resultado às unidades:

$$\frac{A_{[STU]}}{A_{[PQR]}} = r^2 \Leftrightarrow \frac{A_{[STU]}}{25,98} = 4^2 \Leftrightarrow A_{[STU]} = 16 \times 25,98 \Leftrightarrow A_{[STU]} = 415,68 \Rightarrow A_{[STU]} \approx 416 \text{ cm}^2$$

Prova de Aferição 8º ano - 2016



12.

12.1. Como o quadrilátero $[AFED]$ é um retângulo e o ponto F pertence ao segmento de reta $[AB]$ podemos afirmar que os ângulos BAC e BFE são ambos retos ($B\hat{A}C = B\hat{F}E$).
Como os ângulos ABC e FBE são coincidentes também são iguais ($A\hat{B}C = F\hat{B}E$).
Assim, pelo critério AA (ângulo-ângulo) podemos afirmar que os triângulos $[ABC]$ e $[FBE]$ são semelhantes.

12.2. Como os triângulos $[ABC]$ e $[FBE]$ são semelhantes, podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja,

$$\frac{\overline{FE}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{FB}}{\overline{AB}}$$

Logo, substituindo os valores dados, vem que:

$$\frac{\overline{FE}}{9} = \frac{4}{6} \Leftrightarrow \overline{FE} = \frac{9 \times 4}{6} \Leftrightarrow \overline{FE} = \frac{36}{6} \Leftrightarrow \overline{FE} = 6$$

Como $\overline{AB} = \overline{AF} + \overline{FB}$

Temos que

$$6 = \overline{AF} + 4 \Leftrightarrow 6 - 4 = \overline{AF} \Leftrightarrow 2 = \overline{AF}$$

E assim, como $\overline{AD} = \overline{FE}$ e $\overline{AF} = \overline{DE}$ o perímetro do retângulo $[AFED]$ é

$$P_{[AFED]} = 2 \times \overline{FE} + 2 \times \overline{AF} = 2 \times 6 + 2 \times 2 = 12 + 4 = 16 \text{ cm}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2015, 2ª fase

13. Como o lado $[AB]$ é o lado que se opõe ao ângulo reto, no triângulo $[ABD]$, o lado correspondente, no triângulo $[ABC]$, é também o lado que se opõe ao ângulo reto, ou seja, o lado $[AC]$

Prova Final 3º Ciclo - 2015, 1ª fase

14. Como $\overline{OA} = 2 \text{ cm}$ e $\overline{OB} = 3 \text{ cm}$, então a semelhança que transforma o segmento de reta $[OA]$ no segmento de reta $[OB]$ é uma ampliação, e por isso a razão de semelhança (r) é maior que 1.

$$\text{Assim temos } r = \frac{\overline{OB}}{\overline{OA}} = \frac{3}{2}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2014, 2ª chamada

15. Como os triângulos $[ABC]$ e $[ADE]$ são semelhantes, e os lados $[BC]$ e $[DE]$ são lados correspondentes, a razão de semelhança (r) é

$$r = \frac{\overline{DE}}{\overline{BC}} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

Como a razão das áreas é o quadrado da razão de semelhança, temos que

$$\frac{\text{área do triângulo } [ADE]}{\text{área do triângulo } [ABC]} = r^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3º Ciclo - 2014, 1ª chamada



16.

16.1. Os ângulos ACB e DCE dos dois triângulos são congruentes, porque são coincidentes. Como os dois triângulos têm um ângulo reto, podemos afirmar que os triângulos têm dois pares de ângulos congruentes, o que é suficiente para justificar que são semelhantes (critério AA).

16.2. Como os triângulos são semelhantes, podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja,

$$\frac{\overline{BC}}{\overline{DC}} = \frac{\overline{AC}}{\overline{EC}}$$

($[AC]$ e $[EC]$ são os lados que se opõem ao ângulo reto em cada um dos triângulos, e por isso, são correspondentes; $[BC]$ e $[DC]$ são os lados adjacentes ao ângulo reto e ao ângulo de ângulo agudo em C , e por isso também são lados correspondentes).

Como $\overline{AC} = \overline{AD} + \overline{DC} = 11 + 4 = 15$, temos:

$$\frac{\overline{BC}}{\overline{DC}} = \frac{\overline{AC}}{\overline{EC}} \Leftrightarrow \frac{\overline{BC}}{4} = \frac{15}{5} \Leftrightarrow \overline{BC} = 3 \times 4 \Leftrightarrow \overline{BC} = 12$$

Teste Intermédio 9º ano – 21.03.2014

17. Para que os triângulos sejam semelhantes, a razão entre lados correspondentes deve ser igual, ou seja,

$$\frac{\overline{BC}}{\overline{AD}} = \frac{\overline{BP}}{\overline{AP}}$$

($[BC]$ e $[AD]$ são lados correspondentes, e os lados $[CP]$ e $[DP]$ também o são, porque são os lados que se opõem ao ângulo reto em cada triângulo, ou seja, os restantes lados em cada um dos triângulos também são semelhantes - os lados $[BP]$ e $[AP]$).

Como $\overline{AB} = \overline{AP} + \overline{PB}$, temos que $4 = \overline{AP} + x \Leftrightarrow \overline{AP} = 4 - x$

Assim, substituindo na relação de proporcionalidade estabelecida, e resolvendo a equação, vem:

$$\frac{5}{3} = \frac{x}{4 - x} \Leftrightarrow 5(4 - x) = 3x \Leftrightarrow 20 - 5x = 3x \Leftrightarrow 20 = 3x + 5x \Leftrightarrow 20 = 8x \Leftrightarrow \frac{20}{8} = x \Leftrightarrow x = \frac{5}{2}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2013, 2ª chamada

18. Como os triângulos $[ABC]$ e $[CDE]$ são semelhantes, e os lados $[BC]$ e $[CD]$ são correspondentes (porque são os lados que se opõem ao ângulo reto, em cada um dos triângulos), então $\frac{\overline{CD}}{\overline{BC}} = 0,5$ é a razão de semelhança.

Como o quociente das áreas de figuras semelhantes, é igual ao quadrado da razão de semelhança, vem que

$$\frac{\text{área do triângulo } [CDE]}{\text{área do triângulo } [ABC]} = \left(\frac{\overline{CD}}{\overline{BC}} \right)^2 = 0,5^2 = 0,25$$

Resposta: **Opção B**

Prova Final 3º Ciclo - 2013, 1ª chamada



19. Começamos por verificar que os triângulos $[AFD]$ e $[BFC]$ são semelhantes:

- os ângulos AFD e BFC são iguais porque são ângulos verticalmente opostos
- os ângulos CBF e FDA são iguais porque são ângulos alternos internos (as retas AD e BC são paralelas, visto que contêm as bases de um trapézio)

Assim, como os dois triângulos têm dois pares de ângulos iguais dois a dois (critério AA), são triângulos semelhantes.

Como os triângulos são semelhantes, podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, e também é igual à razão das alturas, ou seja,

$$\frac{\overline{AD}}{\overline{BC}} = \frac{\overline{EF}}{\overline{FG}}$$

Logo, temos que

$$\frac{\overline{AD}}{8} = \frac{3,75}{2,5} \Leftrightarrow \overline{AD} = \frac{3,75 \times 8}{2,5} \Leftrightarrow \overline{AD} = 12$$

Temos ainda que $\overline{EG} = \overline{EF} + \overline{FG} = 3,75 + 2,5 = 6,25$

Assim, calculando a medida área do trapézio, $A_{[ABCD]}$, em cm^2 , considerando $[AD]$ como a base maior, $[BC]$ como a base menor e $[EG]$ como a altura, vem

$$A_{[ABCD]} = \frac{\overline{AD} + \overline{BC}}{2} \times \overline{EG} = \frac{12 + 8}{2} \times 6,25 = \frac{20}{2} \times 6,25 = 10 \times 6,25 = 62,5 \text{ cm}^2$$

Teste Intermédio 9º ano – 12.04.2013

20. Como os triângulos $[ABC]$ e $[DBE]$ são semelhantes (porque têm dois ângulos em comum), podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, e também é igual à razão dos perímetros, ou seja,

$$\frac{\overline{DE}}{\overline{AC}} = \frac{P_{[DBE]}}{P_{[ABC]}}$$

Logo, temos que:

$$\frac{\overline{DE}}{12} = \frac{16}{48} \Leftrightarrow \overline{DE} = \frac{16 \times 12}{48} \Leftrightarrow \overline{DE} = 4$$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3º Ciclo – 2012, 2ª chamada

21. Como os triângulos $[AED]$ e $[ACB]$ são semelhantes (porque têm um ângulo agudo em comum e os ambos têm um ângulo reto, logo têm dois pares de ângulos iguais dois a dois), podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja

$$\frac{\overline{AE}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{ED}}{\overline{BC}}$$

(os lados $[ED]$ e $[BC]$ são os lados menores de cada um dos triângulos e os lados $[AE]$ e $[AC]$ são os lados de comprimento intermédio em cada um dos triângulos.) Como $\overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AC} \Leftrightarrow \frac{\overline{AE}}{\overline{AC}} = \frac{1}{2}$ e $\overline{ED} = 2$, substituindo na relação anterior, vem

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{\overline{BC}} \Leftrightarrow 1 \times \overline{BC} = 2 \times 2 \Leftrightarrow \overline{BC} = 4$$

Como a área do triângulo $[ABC]$ é $A_{[ABC]} = \frac{\overline{AC} \times \overline{BC}}{2}$, substituindo os valores conhecidos, temos:

$$20 = \frac{\overline{AC} \times 4}{2} \Leftrightarrow 20 = \overline{AC} \times 2 \Leftrightarrow \frac{20}{2} = \overline{AC} \Leftrightarrow 10 = \overline{AC}$$

Assim, temos que, $\overline{AC} = 10 \text{ cm}$

Teste Intermédio 9º ano – 10.05.2012



22.

22.1. Podemos determinar a amplitude do ângulo BAC , porque $B\hat{A}C + A\hat{C}B + C\hat{B}A = 180^\circ$, logo

$$B\hat{A}C + 48 + 59 = 180 \Leftrightarrow B\hat{A}C = 180 - 48 - 59 \Leftrightarrow B\hat{A}C = 73^\circ$$

Como os triângulos $[ABC]$ e $[PQR]$ são semelhantes, os ângulos correspondentes são iguais. Como sabemos que o lado $[RQ]$ é o lado maior do triângulo $[PQR]$, o ângulo oposto a este lado (o ângulo QPR) é o ângulo de maior amplitude, e por isso, terá a mesma amplitude do ângulo BAC . Logo $Q\hat{P}R = 73^\circ$

22.2. Como a razão das áreas de figuras semelhantes é o quadrado da razão de semelhança das figuras, temos que $\frac{A_{[ABC]}}{A_{[PQR]}} = 2^2$

Logo, substituindo o valor da área do triângulo $[ABC]$, vem:

$$\frac{18}{A_{[PQR]}} = 2^2 \Leftrightarrow \frac{18}{A_{[PQR]}} = 4 \Leftrightarrow \frac{18}{4} = A_{[PQR]} \Leftrightarrow 4,5 = A_{[PQR]}$$

Resposta: **Opção C**

Teste Intermédio 8º ano – 29.02.2012

23. Como os triângulos $[ABP]$ e $[DCP]$ são semelhantes, e $\overline{DP} = 2\overline{AP} \Leftrightarrow \frac{\overline{DP}}{\overline{AP}} = 2$, temos que a razão de semelhança é 2.

Como a razão das áreas de figuras semelhantes é o quadrado da razão de semelhança das figuras, temos que $\frac{A_{[DCP]}}{A_{[ABP]}} = 2^2$

Logo, substituindo o valor da área do triângulo $[ABP]$, vem:

$$\frac{A_{[DCP]}}{6} = 2^2 \Leftrightarrow A_{[DCP]} = 4 \times 6 \Leftrightarrow A_{[DCP]} = 24$$

Resposta: **Opção C**

Exame Nacional 3º Ciclo – 2011, 2ª chamada

24. Como o triângulo $[ABC]$ é uma ampliação do triângulo $[DEF]$, os triângulos são semelhantes.

Como os lados $[DE]$ e $[AB]$ se opõem a ângulos iguais, são correspondentes, por isso a razão dos seus comprimentos é igual à razão de semelhança (r), que deve ser maior que 1, por se tratar de uma ampliação. Assim, vem que:

$$r = \frac{\overline{AB}}{\overline{DE}} = \frac{5}{2}$$

Resposta: **Opção B**

Teste Intermédio 9º ano – 17.05.2011



25.

- 25.1. Como $[ABCD]$ é um retângulo, o ângulo ABC é reto, e como o segmento $[EG]$ é paralelo ao segmento $[AB]$, o ângulo BGF também é reto, e como os ângulos DFE e BFG são verticalmente opostos, então também são iguais, pelo que $\hat{BFG} = \hat{DFE} = 35^\circ$
Assim, como, $\hat{FBG} + \hat{BGF} + \hat{GFB} = 180^\circ$, temos que

$$\hat{FBG} + 90 + 35 = 180 \Leftrightarrow \hat{FBG} = 180 - 90 - 35 \Leftrightarrow \hat{FBG} = 55^\circ$$

- 25.2. Como os triângulos $[EFD]$ e $[GFB]$ são semelhantes, podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja

$$\frac{\overline{BG}}{\overline{ED}} = \frac{\overline{FG}}{\overline{EF}}$$

(Os lados $[BG]$ e $[FD]$ são os lados menores de cada triângulo e os lados $[FG]$ e $[ED]$ são os lados de comprimento intermédio de cada triângulo).

Logo, temos que

$$\frac{\overline{BG}}{3,5} = \frac{3}{5} \Leftrightarrow \overline{BG} = \frac{3 \times 3,5}{5} \Leftrightarrow \overline{BG} = 2,1$$

Teste Intermédio 8º ano – 11.05.2011

26. Como, num quadrado todos os lados são iguais, e o quadrado $[BCDG]$ é uma redução do quadrado $[ACEF]$, os lados $[BC]$ e $[AC]$ podem ser considerados lados correspondentes, por isso a razão dos seus comprimentos é igual à razão de semelhança (r), que deve ser menor que 1, por se tratar de uma redução. Assim, vem que:

$$r = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

Teste Intermédio 9º ano – 07.02.2011

27. Como os triângulos $[ABD]$ e $[ECD]$ são semelhantes (porque têm um ângulo agudo em comum e os ângulos ECD e ABD são retos), podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual, ou seja

$$\frac{\overline{BD}}{\overline{DC}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{EC}}$$

Logo, temos que

$$\frac{\overline{BD}}{2,5} = \frac{4,8}{1,6} \Leftrightarrow \overline{BD} = \frac{4,8 \times 2,5}{1,6} \Leftrightarrow \overline{BD} = 7,5$$

Finalmente, como $\overline{BD} = \overline{BC} + \overline{DC} \Leftrightarrow \overline{BC} = \overline{BD} - \overline{DC}$, vem:

$$\overline{BC} = 7,5 - 2,5 \Leftrightarrow \overline{BC} = 5$$

Teste Intermédio 9º ano – 11.05.2010

Teste Intermédio 8º ano – 30.04.2008 (adaptado)

28. Como os dois hexágonos são regulares, são semelhantes, e como o lado do maior é cinco vezes maior que o lado do menor, podemos afirmar que a razão de semelhança é 5

Como a razão das áreas de figuras semelhantes é o quadrado da razão de semelhança das figuras, temos que $\frac{A_{\text{Hexágono exterior}}}{A_{\text{Hexágono interior}}} = 5^2$

Logo, substituindo o valor da área do hexágono interior, podemos calcular a área do hexágono exterior:

$$\frac{A_{\text{Hexágono exterior}}}{23} = 5^2 \Leftrightarrow A_{\text{Hexágono exterior}} = 25 \times 23 \Leftrightarrow A_{\text{Hexágono exterior}} = 575 \text{ cm}^2$$

E assim, calcular a área da zona sombreada, A_S , em cm^2 , como a diferença das áreas dos dois hexágonos:

$$A_S = A_{\text{Hexágono exterior}} - A_{\text{Hexágono interior}} = 575 - 23 = 552 \text{ cm}^2$$

Teste Intermédio 8º ano – 27.04.2010



29.

29.1. Podemos determinar a amplitude do ângulo BAC . Assim, como, $B\hat{A}C + A\hat{B}C + B\hat{C}A = 180^\circ$, temos que

$$B\hat{A}C + 110 + 20 = 180 \Leftrightarrow B\hat{A}C = 180 - 110 - 20 \Leftrightarrow B\hat{A}C = 50^\circ$$

Logo vem que $B\hat{A}C = E\hat{D}F$ e $A\hat{B}C = D\hat{E}F$, pelo que, como os dois triângulos têm dois pares de ângulos iguais, são semelhantes (critério AA).

29.2. Se os triângulos $[DEF]$ e $[ABC]$ são semelhantes, então podemos afirmar que a razão entre os perímetros é igual à razão de semelhança (neste caso a razão entre o perímetro maior e o menor para que a razão de semelhança seja inferior a 1, porque se trata de uma redução). Assim, vem que

$$\frac{P_{[DEF]}}{P_{[ABC]}} = 0,8$$

Substituindo o perímetro do triângulo $[DEF]$, vem:

$$\frac{40}{P_{[ABC]}} = 0,8 \Leftrightarrow \frac{40}{0,8} = P_{[ABC]} \Leftrightarrow 50 = P_{[ABC]}$$

Resposta: **Opção A**

Teste Intermédio 8º ano – 30.04.2009

30. Como os segmentos de reta são semelhantes, a razão dos seus comprimentos é igual à constante de proporcionalidade (r).

Como se trata de uma redução, a razão é inferior a 1, logo a razão é a divisão do menor comprimento pelo maior, ou seja

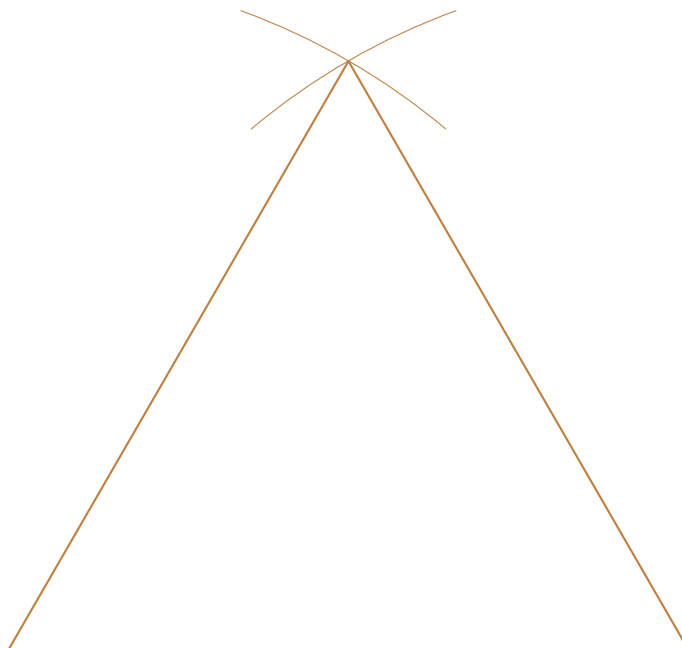
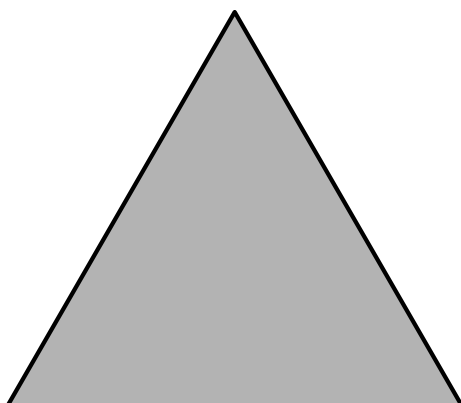
$$r = \frac{0,8}{4} = 0,2$$

Resposta: **Opção A**

Exame Nacional 3º Ciclo – 2007, 2ª chamada



31.



Devem ser percorridos os seguintes passos:

- Traçar um segmento de reta com $6 \times 1,5 = 9$ cm
- Com o compasso centrado num dos extremos do segmento, e abertura de 9 cm (ou seja, até ao outro extremo), traçar um arco que contenha um dos pontos que se encontra sobre a reta perpendicular que contém o ponto médio do segmento
- Usar o procedimento análogo ao anterior, mas com o centro do compasso no outro extremo do segmento de reta
- Unir os extremos do segmento ao ponto de interseção dos dois arcos de circunferência

Exame Nacional 3º Ciclo - 2006, 2ª chamada

32. Os retângulos A e B , têm os respetivos lados maiores com a mesma medida e os lados menores com medidas diferentes, pelo que não são semelhantes.

Da mesma forma, os retângulos A e C , têm os respetivos lados menores com a mesma medida e os lados maiores com medidas diferentes, pelo que não são semelhantes.

Assim, temos que os retângulos semelhantes são os retângulos B e C .

Logo, podemos afirmar que a razão entre lados correspondentes é igual à razão de semelhança (r), e como se deve considerar uma redução, a razão é inferior a 1, logo a razão é a divisão do menor comprimento pelo maior:

$$r = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

Exame Nacional 3º Ciclo - 2006, 1ª chamada

33. Como $\overline{QR} = 5$ e o triângulo $[PQR]$ é equilátero, o seu perímetro é $P_{[PQR]} = 3 \times 5 = 15$

Assim, temos que os triângulos $[PQR]$ e $[ABC]$ são semelhantes, então podemos afirmar que a razão entre os perímetros é igual à razão de semelhança (neste caso a razão do perímetro maior pelo menor para que a razão de semelhança seja inferior a 1, porque se trata de uma redução).

Assim, vem que

$$\frac{P_{[PQR]}}{P_{[ABC]}} = 0,5$$

Substituindo o perímetro do triângulo $[PQR]$, calculamos o perímetro do triângulo $[ABC]$:

$$\frac{15}{P_{[ABC]}} = 0,5 \Leftrightarrow \frac{15}{0,5} = P_{[ABC]} \Leftrightarrow 30 = P_{[ABC]}$$

Prova de Aferição - 2003



34. As figuras das opções (A) e (D) conservam o comprimento ou a largura da figura inicial, mas não ambas, pelo que não são semelhantes à figura inicial, logo não são reduções.

A figura da opção (C) não conserva, por exemplo a amplitude dos ângulos (por exemplo os ângulos retos das extremidades não continuam a ser retos depois da transformação), pelo que não é semelhante à figura inicial, logo não é uma redução.

A figura da opção (B) conserva, a amplitude dos ângulos, pelo que é uma redução.

Resposta: **Opção B**

Prova de Aferição – 2002

