

MATEMÁTICA - 3º ciclo
Potências de expoente inteiro (8º ano)
Propostas de resolução

Exercícios de provas nacionais e testes intermédios

1. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base $\frac{1}{3}$, temos que:

$$\frac{3^{11}}{3^7} \times 3^{-6} = \frac{3^{11}}{3^7} \times \frac{1}{3^6} = \frac{3^{11} \times 1}{3^7 \times 3^6} = \frac{3^{11}}{3^{7+6}} = \frac{3^{11}}{3^{13}} = 3^{11-13} = 3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1^2}{3^2} = \left(\frac{1}{3}\right)^2$$

Prova Final 3º Ciclo – 2018, Época especial

2. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base $\frac{1}{6}$, temos que:

$$\frac{6^{-4}}{(2^4)^2 \times 3^8} = \frac{6^{-4}}{2^{4 \times 2} \times 3^8} = \frac{6^{-4}}{2^8 \times 3^8} = \frac{6^{-4}}{(2 \times 3)^8} = \frac{6^{-4}}{6^8} = 6^{-4-8} = 6^{-12} = \frac{1}{6^{12}} = \frac{1^{12}}{6^{12}} = \left(\frac{1}{6}\right)^{12}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2018, 2ª fase

3. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base $\frac{1}{8}$, temos que:

$$\frac{(4^5)^2}{4^{15}} \times 2^{-5} = \frac{4^{5 \times 2}}{4^{15}} \times 2^{-5} = \frac{4^{10}}{4^{15}} \times 2^{-5} = 4^{10-15} \times 2^{-5} = 4^{-5} \times 2^{-5} = (4 \times 2)^{-5} = 8^{-5} = \left(\frac{1}{8}\right)^5$$

Prova Final 3º Ciclo - 2018, 1ª fase

4. Analisando cada uma das três expressões temos:

(1) $2^{47} \times 2^{-7} = 2^{47+(-7)} = 2^{47-7} = 2^{40}$, pelo que temos que se $2^{40} = 2^x$, então $x = 40$

(2) Como $5^0 = 1$, então temos que $5^x = 5^0$ ou seja $x = 0$

(3) Como $\frac{1}{4^{10}} = 4^{-10}$, então temos que $4^x = 4^{-10}$ ou seja $x = -10$

Prova de Aferição 8º ano - 2018

5. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base 2, temos que:

$$(10^4)^3 \times 10^2 \times 5^{-14} = 10^{4 \times 3} \times 10^2 \times \frac{1}{5^{14}} = 10^{12} \times 10^2 \times \frac{1}{5^{14}} = \frac{10^{12+2}}{5^{14}} = \frac{10^{14}}{5^{14}} = \left(\frac{10}{5}\right)^{14} = 2^{14}$$

Prova Final 3º Ciclo – 2017, Época especial



6. Como o termo geral da sucessão é b^n e a sucessão tem valores alternadamente negativos e positivos, então $b < 0$

Como o valor absoluto dos termos da sucessão são potências de 2, ou seja, os valores da sucessão b^n , temos que:

$$b = -2$$

Prova Final 3º Ciclo – 2017, 2ª fase

7. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base 4, temos que:

$$(12^3)^2 \times 12^3 \times 3^{-9} = 12^{3 \times 2} \times 12^3 \times \frac{1}{3^9} = 12^6 \times 12^3 \times \frac{1}{3^9} = 12^{6+3} \times \frac{1}{3^9} = 12^9 \times \frac{1}{3^9} = \frac{12^9}{3^9} = \left(\frac{12}{3}\right)^9 = 4^9$$

Prova Final 3º Ciclo – 2017, 2ª fase

8. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base 3, temos que:

$$(6^4)^2 \times 6^3 \times 2^{-11} = 6^{4 \times 2} \times 6^3 \times \frac{1}{2^{11}} = 6^8 \times 6^3 \times \frac{1}{2^{11}} = 6^{8+3} \times \frac{1}{2^{11}} = 6^{11} \times \frac{1}{2^{11}} = \frac{6^{11}}{2^{11}} = \left(\frac{6}{2}\right)^{11} = 3^{11}$$

Prova Final 3º Ciclo – 2017, 1ª fase

9. Usando as regras operatórias de potências e escrevendo o resultado na forma de uma potência de base 2, temos que:

$$\frac{4^{17}}{2^{17}} \times \left(\frac{1}{2}\right)^{-20} = \left(\frac{4}{2}\right)^{17} \times \frac{1^{-20}}{2^{-20}} = 2^{17} \times \frac{1}{2^{-20}} = 2^{17} \times 2^{20} = 2^{17+20} = 2^{37}$$

Prova Final 3º Ciclo – 2016, Época especial

10. Usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\left(\frac{5}{3}\right)^3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{5}{3} \times \frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{5}{6}\right)^3 = \left(\frac{6}{5}\right)^{-3}$$

Prova de Aferição 8º ano - 2016

11. Aplicando as regras operatórias de potências temos que como $x^4 = 3$, então

$$x^8 = x^{4 \times 2} = (x^4)^2 = (3)^2 = 9 \quad \text{e} \quad x^{-4} = \frac{1}{x^4} = \frac{1}{3}$$

Pelo que, fazendo a substituição na expressão e somando as frações, temos

$$\frac{x^8}{2} - x^{-4} = \frac{9}{2_{(3)}} - \frac{1}{3_{(2)}} = \frac{27}{6} - \frac{2}{6} = \frac{25}{6}$$

Prova Final 3º Ciclo – 2015, Época especial

12. Usando as regras operatórias de potências, e somando as frações obtidas, temos que:

$$(2^{10})^{-2} \times 2^{20} + 3^{-1} = 2^{10 \times (-2)} \times 2^{20} + \frac{1}{3^1} = 2^{-20} \times 2^{20} + \frac{1}{3} = 2^{-20+20} + \frac{1}{3} = 2^0 + \frac{1}{3} = 1 + \frac{1}{3} = \frac{3}{3} + \frac{1}{3} = \frac{4}{3}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2015, 2ª fase

13. Usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\frac{3^{21} \times 3^{-7}}{(3^2)^5} = \frac{3^{21+(-7)}}{3^{2 \times 5}} = \frac{3^{14}}{3^{10}} = 3^{14-10} = 3^4$$

Prova Final 3º Ciclo - 2015, 1ª fase



14. Escrevendo 8 na forma de uma potência de base 2 e usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\frac{1}{8} = \frac{1}{2^3} = 2^{-3}$$

Prova Final 3º Ciclo - 2014, 1ª chamada

15. Escrevendo 9 na forma de uma potência de base 3 e usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\frac{1}{9} = \frac{1}{3^2} = 3^{-2}$$

Teste Intermédio 9º ano - 21.03.2014
Exame Nacional 3º Ciclo - 2007, 1ª chamada

16. Simplificando a expressão, usando as regras operatórias de potências de expoente racional, temos que:

$$a^{-2} \times a^4 = a^{-2+4} = a^2$$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3º Ciclo - 2013, 1ª chamada

17. Usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$n^{-3} = \frac{1}{n^3} = \frac{1}{n^{3=k}}$$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3º Ciclo - 2012 1ª chamada

18. Escrevendo $\frac{1}{9}$ na forma de uma potência de base 3, e usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\left(\frac{1}{9}\right)^4 = \left(\frac{1}{3^2}\right)^4 = (3^{-2})^4 = 3^{-2 \times 4} = 3^{-8}$$

E assim temos que se $3^k = 3^{-8}$, então $k = -8$

Teste Intermédio 9º ano - 10.05.2012

19. Escrevendo 125 na forma de uma potência de base 5 e usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\frac{1}{125} = \frac{1}{5^3} = 5^{-3}$$

Resposta: **Opção B**

Teste Intermédio 8º ano - 11.05.2011

20. Escrevendo 81 na forma de uma potência de base 3 e usando as regras operatórias de potências, temos que:

$$\frac{1}{81} = \frac{1}{9^2} = \frac{1}{(3^2)^2} = \frac{1}{3^{2 \times 2}} = \frac{1}{3^4} = 3^{-4}$$

Resposta: **Opção B**

Teste Intermédio 8º ano - 27.04.2010

