

# Proporcionalidade inversa (9.º ano)

Propostas de resolução

Exercícios de Provas Nacionais e Testes Intermédios



1. Como o ponto  $P$  tem abcissa 4 e pertence ao gráfico de  $g$ , a sua ordenada é:

$$g(4) = \frac{3}{4} \times 4 + 2 = 3 + 2 = 5$$

Como o ponto  $P$  também pertence ao gráfico de  $f$ , substituindo as suas coordenadas na expressão algébrica da função, podemos determinar o valor de  $a$ :

$$f(x) = \frac{a}{x} \Leftrightarrow 5 = \frac{a}{4} \Leftrightarrow a = 5 \times 4 \Leftrightarrow a = 20$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2023, Época especial

2. Como o ponto  $A$  tem abcissa 4 e pertence ao gráfico de  $g$ , a sua ordenada é:

$$g(4) = \frac{16}{4} = 4$$

Como o ponto de coordenadas  $(-2,0)$  também pertence à reta que é o gráfico de  $f$ , o respetivo declive é:

$$a = \frac{4 - 0}{4 - (-2)} = \frac{4}{4 + 2} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

Logo a expressão algébrica da função  $f$  é da forma  $f(x) = \frac{2}{3}x + b$ , pelo que substituindo as coordenadas de um dos pontos nesta expressão, por exemplo  $(-2,0)$ , podemos determinar o valor de  $b$ :

$$0 = \frac{2}{3}(-2) + b \Leftrightarrow 0 = -\frac{4}{3} + b \Leftrightarrow \frac{4}{3} = b$$

Desta forma, temos que uma expressão algébrica que define a função  $f$ , é  $f(x) = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3}$ .

Prova Final 3.º Ciclo - 2023, 2.ª fase

3. Determinando a ordenada do ponto  $A$ , recorrendo à expressão algébrica da função  $f$ , temos:

$$y_A = f(2) = 3 \times 2^2 = 3 \times 4 = 12$$

Como o ponto  $A$  também pertence ao gráfico da função  $g$ , temos que  $g(2) = 12$ , pelo que, substituindo as coordenadas do ponto na expressão algébrica da função  $g$ , temos:

$$g(2) = \frac{a}{2} \Leftrightarrow 12 = \frac{a}{2} \Leftrightarrow 12 \times 2 = a \Leftrightarrow a = 24$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2023, 1.ª fase

4. Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma

$$g(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Assim, substituindo as coordenadas do ponto  $P$  (que pertence ao gráfico da função), podemos calcular o valor de  $k$ :

$$12 = \frac{k}{3} \Leftrightarrow 12 \times 3 = k \Leftrightarrow 36 = k$$

Pelo que uma expressão que define a função  $g$  é  $g(x) = \frac{36}{x}$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3.º Ciclo - 2022, 2.ª fase

5. Determinando a ordenada do ponto  $A$ , recorrendo à expressão algébrica da função  $f$ , temos:

$$y_A = f(3) = 4 \times 3 = 12$$

Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $g(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , e como  $g(3) = 12$  (porque o ponto também  $A$  pertence ao gráfico de  $g$ ), temos que o valor da constante de proporcionalidade ( $k$ ), pode ser calculado, substituindo as coordenadas do ponto na expressão algébrica da função  $g$ :

$$12 = \frac{k}{3} \Leftrightarrow 3 \times 12 = k \Leftrightarrow k = 36$$

Desta forma, como a função  $g$  é definida por  $g(x) = \frac{36}{x}$ , temos que:

$$g(2) = \frac{36}{2} = 18$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2022, 1.ª fase



6. Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $g(x) = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

Como  $g(4) = 3$  (porque o ponto  $A$  pertence ao gráfico de  $g$ ), temos que o valor da constante de proporcionalidade ( $k$ ), pode ser calculado, substituindo as coordenadas do ponto na expressão algébrica da função  $g$ :

$$3 = \frac{k}{4} \Leftrightarrow 3 \times 4 = k \Leftrightarrow k = 12$$

Desta forma, como a função  $g$  é definida por  $g(x) = \frac{12}{x}$ , substituindo a abcissa do ponto  $P$  na expressão de  $g$ , podemos calcular o valor da ordenada:

$$g(2) = \frac{12}{2} = 6$$

Assim, temos que as coordenadas do ponto  $P$  são  $(2,6)$ , e como este ponto pertence ao gráfico de  $f$ , podemos determinar o valor de  $a$  substituindo as coordenadas do ponto  $P$  na expressão algébrica que define a função  $f$ :

$$6 = a \times 2^2 \Leftrightarrow 6 = 4a \Leftrightarrow \frac{6}{4} = a \Leftrightarrow a = \frac{3}{2}$$

Prova de Matemática, 9.º ano – 2021

7. Calculando a imagem do objeto 3 pela função  $f$ , temos:

$$f(3) = \frac{2}{3} \times 3^2 = \frac{2 \times 3 \times 3}{3} = 6$$

Assim, como as coordenadas do ponto  $A$  são  $(3,6)$  e como a função  $g$  é de proporcionalidade inversa, ou seja, da forma  $g(x) = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ , podemos calcular o valor da constante de proporcionalidade, ou seja, o valor de  $k$ , substituindo as coordenadas do ponto  $A$  (que pertence ao gráfico da função  $g$ ):

$$g(3) = 6 \Leftrightarrow \frac{k}{3} = 6 \Leftrightarrow k = 6 \times 3 \Leftrightarrow k = 18$$

Desta forma, como a função  $g$  é definida por  $g(x) = \frac{18}{x}$ , substituindo a ordenada do ponto  $B$  na expressão de  $g$ , podemos calcular o valor da abcissa, ou seja, o valor de  $c$ :

$$g(c) = 2 \Leftrightarrow \frac{18}{c} = 2 \Leftrightarrow \frac{18}{2} = c \Leftrightarrow 9 = c$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2019, Época especial

8. Como um grupo de 4 amigos deveria contribuir com 12 euros cada um, e o contributo de cada participante na compra é inversamente proporcional ao número de participantes, temos que o valor total do cheque é:

$$4 \times 12 = 48 \text{ euros}$$

Assim, quando se juntaram mais dois amigos ao grupo, o total de participantes na compra passou a ser de  $4 + 2 = 6$ , pelo que a quantia, em euros, com que cada amigo contribuiu para a compra do cheque, é:

$$\frac{48}{6} = 8 \text{ euros}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2019, 2.ª fase



9. Como as grandezas  $x$  e  $y$  são inversamente proporcionais, sabemos que  $x \times y$  é um valor constante. Então, temos que:

$$10 \times 9 = 15 \times a \Leftrightarrow 90 = 15a \Leftrightarrow \frac{90}{15} = a \Leftrightarrow \frac{30}{5} = a \Leftrightarrow 6 = a$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2019, 1.ª fase

10. Calculando a imagem do objeto 2 pela função  $f$ , temos:

$$f(2) = \frac{6}{2} = 3$$

Assim, como os gráficos das funções  $f$  e  $g$  se intersectam no ponto de abscissa 2, então  $f(2) = g(2)$ , ou seja,  $g(2) = 3$ , pelo que sabemos que o ponto de coordenadas (2,3) pertence ao gráfico de  $g$

Como  $g(x) = ax^2$ , substituindo as coordenadas do ponto, substituindo as coordenadas na expressão algébrica da função podemos calcular o valor de  $a$ :

$$g(2) = 3 \Leftrightarrow a \times 2^2 = 3 \Leftrightarrow a \times 4 = 3 \Leftrightarrow a = \frac{3}{4}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2018, Época especial

11. Calculando a imagem do objeto 4 pela função  $g$ , temos:

$$g(4) = \frac{8}{4} = 2$$

Assim, como  $f(3) = g(4)$ , temos que  $f(3) = 2$ , ou seja o ponto de coordenadas (3,2) pertence ao gráfico de  $f$

Como  $f(x) = ax^2$ , substituindo as coordenadas do ponto, substituindo as coordenadas na expressão algébrica da função podemos calcular o valor de  $a$ :

$$f(3) = 2 \Leftrightarrow a \times 3^2 = 2 \Leftrightarrow a \times 9 = 2 \Leftrightarrow a = \frac{2}{9}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2018, 2.ª fase

12. Como o ponto  $P$  tem abscissa 3 e pertence ao gráfico da função  $f$ , temos que a sua ordenada é a imagem do objeto 3 pela função  $f$ , ou seja:

$$y_P = f(3) = \frac{4}{3} \times 3^2 = \frac{4}{3} \times 3 \times 3 = 4 \times 3 = 12$$

Assim temos que as coordenadas do ponto  $P$  são (3,12), e como o ponto  $P$  também pertence ao gráfico da função  $g$ , substituindo as coordenadas na expressão algébrica da função podemos calcular o valor de  $a$ :

$$g(3) = 12 \Leftrightarrow \frac{a}{3} = 12 \Leftrightarrow a = 12 \times 3 \Leftrightarrow a = 36$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2018, 1.ª fase



13. Como a função  $f$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $f(x) = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
 Como  $f(3) = 9$ , e assim, temos que o valor da constante de proporcionalidade ( $k$ ), pode ser calculado, substituindo as coordenadas do ponto na expressão algébrica da função  $f$ :

$$9 = \frac{k}{3} \Leftrightarrow 9 \times 3 = k \Leftrightarrow k = 27$$

Pelo que uma expressão que define a função  $f$  é:  $f(x) = \frac{27}{x}$

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3.º Ciclo – 2017, Época especial

14. A representação gráfica de uma função de proporcionalidade inversa é parte de uma hipérbole que não interseca o eixo das ordenadas.  
 Assim, de entre as opções apresentadas, a única representação gráfica que não interseca o eixo  $Oy$  é a da opção (D)

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3.º Ciclo - 2017, 2.ª fase

15. Como a função  $f$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $f(x) = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
 Como o ponto  $(3; 6)$  pertence ao gráfico de  $f$ , então  $f(3) = 6$ , e assim, temos que o valor da constante de proporcionalidade ( $k$ ), pode ser calculado, substituindo as coordenadas do ponto na expressão algébrica da função  $f$ :

$$6 = \frac{k}{3} \Leftrightarrow 6 \times 3 = k \Leftrightarrow k = 18$$

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3.º Ciclo - 2017, 1.ª fase

16. Como se trata de uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma

$$y = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Assim, substituindo as coordenadas do ponto  $(4,8; 30)$  (que pertence ao gráfico da função), podemos calcular o valor de  $k$ :

$$30 = \frac{k}{4,8} \Leftrightarrow 30 \times 4,8 = k \Leftrightarrow 144 = k$$

Como o ponto  $(a, a)$  também pertence ao gráfico da função, temos que:

$$a = \frac{144}{a} \Leftrightarrow a \times a = 144 \Leftrightarrow a^2 = 144 \underset{a>0}{\Rightarrow} a = \sqrt{144} \Leftrightarrow a = 12$$

Prova Final 3.º Ciclo – 2016, Época especial



17. Como o ponto  $P$ , pertence ao gráfico de ambas as funções, podemos determinar a ordenada do ponto  $P$ , calculando a imagem do objeto 2, pela função  $f$ :

$$y_P = f(2) = 2 \times 2^2 = 2 \times 4 = 8$$

Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma

$$g(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Assim, substituindo as coordenadas do ponto  $P$  (que também pertence ao gráfico da função  $g$ ), podemos calcular o valor de  $k$ :

$$8 = \frac{k}{2} \Leftrightarrow 8 \times 2 = k \Leftrightarrow 16 = k$$

Pelo que, uma expressão algébrica que define a função  $g$ , é:

$$g(x) = \frac{16}{x}$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2016, 2.ª fase

18. Como a função representada graficamente é uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma

$$y = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Assim, substituindo as coordenadas do ponto  $P$  (que pertence ao gráfico da função), podemos calcular o valor de  $k$ :

$$21 = \frac{k}{5} \Leftrightarrow 21 \times 5 = k \Leftrightarrow 105 = k$$

Ou seja,  $y = \frac{105}{x}$ , e assim, calculando as imagens dos objetos 17, 19, 33 e 35, temos:

- $y = \frac{105}{17}$  e como  $\frac{105}{17} \neq 9$ , então o ponto de coordenadas (17,9) não pertence ao gráfico da função, logo não é o ponto  $Q$
- $y = \frac{105}{19}$  e como  $\frac{105}{19} \neq 7$ , então o ponto de coordenadas (19,7) não pertence ao gráfico da função, logo não é o ponto  $Q$
- $y = \frac{105}{33}$  e como  $\frac{105}{33} \neq 5$ , então o ponto de coordenadas (33,5) não pertence ao gráfico da função, logo não é o ponto  $Q$
- $y = \frac{105}{35}$  e como  $\frac{105}{35} = 3$ , então o ponto de coordenadas (35,3) pertence ao gráfico da função, logo pode ser o ponto  $Q$

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3.º Ciclo - 2016, 1.ª fase



19. Podemos calcular a ordenada do ponto de interseção dos dois gráficos, recorrendo à expressão algébrica da função  $f$ :

$$f(2) = 2^2 = 4$$

Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma

$$g(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Assim, substituindo as coordenadas do ponto de interseção dos gráficos (que pertence ao gráfico da função  $g$ ), podemos calcular o valor de  $k$ :

$$4 = \frac{k}{2} \Leftrightarrow 4 \times 2 = k \Leftrightarrow 8 = k$$

Ou seja,  $g(x) = \frac{8}{x}$

Resposta: **Opção C**

Prova Final 3.º Ciclo – 2015, Época especial

20. Como a função  $f$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $f(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
Como o ponto  $(2; 5)$  pertence ao gráfico de  $f$ , então  $f(2) = 5$ , e assim, temos que

$$5 = \frac{k}{2} \Leftrightarrow 5 \times 2 = k \Leftrightarrow 10 = k$$

E assim, podemos calcular  $f(3,2) = \frac{10}{3,2} = 3,125$

Ou seja o ponto  $(3,2; 3,125)$  pertence ao gráfico de  $f$ , pelo que a ordenada do ponto do gráfico que tem de abcissa 3,2 é 3,125

Prova Final 3.º Ciclo - 2015, 2.ª fase

21.

- 21.1. Como o ponto de coordenadas  $(2,4)$  pertence ao gráfico de  $f$ , então

$$f(2) = 4$$

- 21.2. Como a função  $f$  é uma função de proporcionalidade inversa, então  $f(x) = \frac{k}{x}, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
Como  $f(2) = 4$ , temos que

$$4 = \frac{k}{2} \Leftrightarrow 4 \times 2 = k \Leftrightarrow 8 = k$$

E assim, podemos calcular  $f(5) = \frac{8}{5}$

Ou seja o ponto  $C$  tem de coordenadas  $\left(5, \frac{8}{5}\right)$

Desta forma, temos que  $\overline{OD} = 5$  e  $\overline{DC} = \frac{8}{5}$ , pelo que o perímetro do retângulo  $[OBCD]$  é dado por

$$P_{[OBCD]} = 2 \times \overline{OD} + 2 \times \overline{DC} = 2 \times 5 + 2 \times \frac{8}{5} = 10 + \frac{16}{5} = \frac{50}{5} + \frac{16}{5} = \frac{66}{5} = 13,2$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2014, 2.ª chamada



22. Como as grandezas  $x$  e  $y$  são inversamente proporcionais, sabemos que  $x \times y$  é um valor constante. Então temos que

$$15 \times 20 = 12 \times a \Leftrightarrow 300 = 12a \Leftrightarrow \frac{300}{12} = a \Leftrightarrow 25 = a$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2014, 1.ª chamada

23. Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, a sua expressão algébrica é da forma  $g(x) = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Como o ponto  $B(2,6)$  pertence ao gráfico da função, substituindo as coordenadas na expressão anterior, para determinar o valor de  $k$ , vem:

$$6 = \frac{k}{2} \Leftrightarrow 6 \times 2 = k \Leftrightarrow 12 = k$$

Assim temos que  $g(x) = \frac{12}{x}$  e podemos determinar  $c$ , sabendo que  $g(c) = 1,2$ :

$$1,2 = \frac{12}{c} \Leftrightarrow 1,2 \times c = 12 \Leftrightarrow c = \frac{12}{1,2} \Leftrightarrow c = \frac{12}{\frac{12}{10}} \Leftrightarrow c = \frac{12 \times 10}{12} \Leftrightarrow c = 10$$

Teste intermédio 9.º ano - 21.03.2014

24.

- 24.1. Podemos calcular as imagens dos objetos 50 e 20 pela função  $f$  para averiguar qual dos pontos pertence ao gráfico da função:

- $f(50) = \frac{10}{50} = \frac{1}{5}$ , pelo que nem o ponto  $(50,2)$ , nem o ponto  $(50, \frac{1}{2})$  pertencem ao gráfico de  $f$
- $f(20) = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$ , pelo que o ponto  $(20,2)$ , não pertence ao gráfico de  $f$ , mas o ponto  $(20, \frac{1}{2})$ , sim.

Resposta: **Opção D**

- 24.2. Como o ponto  $B(x_B, y_B)$  pertence ao gráfico da função  $f$ , sabemos que  $y_B = \frac{10}{x_B}$

Como  $[OABC]$  é um quadrado, então  $x_B = \overline{OA} = \overline{OC} = y_B$ , ou seja,  $x_B = y_B$ , pelo que, se substituirmos na igualdade anterior, vem:

$$x_B = \frac{10}{x_B} \Leftrightarrow x_B \times x_B = 10 \Leftrightarrow x_B^2 = 10 \underset{x_B > 0}{\Rightarrow} x_B = \sqrt{10}$$

Ou seja, o lado do quadrado  $[OABC]$  tem  $\sqrt{10}$  unidades de comprimento.

Prova Final 3.º Ciclo - 2013, 2.ª chamada

25. De acordo com o enunciado, sabemos que a máquina A demora 12 horas a fabricar todos os tapetes encomendados por uma certa empresa, e que como produz 6 tapetes por hora, podemos afirmar que a empresa encomendou  $12 \times 6 = 72$  tapetes.

Como a máquina B produz  $x$  tapetes por hora, a produção de 72 tapetes irá demorar  $\frac{72}{x}$  horas, ou seja,  $\frac{72}{x}$  representa o número de horas que demora a produzir todos os tapetes encomendados pela empresa usando a máquina B.

Prova Final 3.º Ciclo - 2013, 1.ª chamada





26. Como o gráfico da função  $f$  é uma reta que passa na origem, sabemos que a sua expressão algébrica é da forma  $f(x) = m \cdot x$ , com  $m \in \mathbb{R}$   
E como o ponto  $A(8,6)$  pertence ao gráfico de  $f$ , podemos determinar o valor de  $m$ :

$$6 = m \times 8 \Leftrightarrow \frac{6}{8} = m \Leftrightarrow \frac{3}{4} = m$$

Assim, temos que a expressão algébrica da função  $f$  é  $f(x) = \frac{3}{4}x$  e calcular  $y_B$ , a ordenada do ponto  $B$ :

$$y_B = f(4) = \frac{3}{4} \times 4 = 3$$

Como a função  $g$  é uma função de proporcionalidade inversa, sabemos que a sua expressão algébrica é da forma  $g(x) = \frac{k}{x}$ , com  $k \in \mathbb{R}$

Como o ponto  $B(4,3)$  pertence ao gráfico de  $g$ , podemos determinar o valor de  $k$ :

$$3 = \frac{k}{4} \Leftrightarrow 3 \times 4 = k \Leftrightarrow 12 = k$$

Pelo que a expressão algébrica da função  $g$  é  $g(x) = \frac{12}{x}$

Resposta: **Opção D**

Teste intermédio 9.º ano - 12.04.2013

27. Como  $y = \frac{k}{x} \Leftrightarrow x \times y = k$ , temos que o produto das variáveis é constante, ou seja a relação entre as variáveis  $x$  e  $y$  é de proporcionalidade inversa e a constante de proporcionalidade é  $k$

Resposta: **Opção D**

Prova Final 3.º Ciclo - 2012, 1.ª chamada

28. Como o gráfico representa uma função de proporcionalidade inversa, sabemos que  $y = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

Como sabemos que o ponto  $(8,4)$  pertence ao gráfico da função, vem que

$$4 = \frac{k}{8} \Leftrightarrow 4 \times 8 = k \Leftrightarrow 32 = k$$

Assim, substituindo  $k$  por 32 e  $x$  por 2 na expressão  $y = \frac{k}{x}$ , podemos calcular a ordenada ( $y_2$ ) do ponto do gráfico de abscissa 2 é:

$$y_2 = \frac{32}{2} \Leftrightarrow y_2 = 16$$

Prova Final 3.º Ciclo - 2012, 1.ª chamada

29.

- 29.1. Como a função  $f$  é definida por  $y = \frac{10}{x}$ ,  $x > 0$ , então o ponto  $P$  que pertence ao gráfico de  $f$  têm coordenadas  $P(x_P, f(x_P))$  ou seja  $P\left(x_P, \frac{10}{x_P}\right)$

Temos ainda que as medidas dos lados do retângulo  $[OAPC]$  coincidem com as coordenadas do ponto  $P$  ( $\overline{OA} = x_P$  e  $\overline{AP} = y_P$ ), e que o ponto  $P$  está sobre o gráfico de  $f$ , pelo que a área do



retângulo  $[OAPC]$  é

$$A_{[OAPC]} = \overline{OA} \times \overline{AP} = x_P \times y_P = x_P \times \frac{10}{x_P} = 10$$

Resposta: **Opção B**

- 29.2. Como  $O$  é a origem do referencial, e o ponto  $B$  pertence ao eixo das abcissas, e  $\overline{OB} = 4$  então a abcissa do ponto  $B$  é 4, e como o ponto  $Q$  tem a mesma abcissa do ponto  $B$  e pertence ao gráfico da função  $f$ , temos que as coordenadas do ponto  $Q$  são  $Q(4, f(4))$

Como  $f(4) = \frac{10}{4} = \frac{5}{2} = 2,5$ , vem que  $\overline{BQ} = 2,5$

Como o triângulo  $[OBQ]$  é retângulo em  $B$ , temos que o lado  $[OQ]$  é a hipotenusa, e assim podemos determinar  $\overline{OQ}$  recorrendo ao Teorema de Pitágoras:

$$\begin{aligned} \overline{OQ}^2 &= \overline{OB}^2 + \overline{BQ}^2 \Leftrightarrow \overline{OQ}^2 = 4^2 + 2,5^2 \Leftrightarrow \overline{OQ}^2 = 16 + 6,25 \Leftrightarrow \\ &\Leftrightarrow \overline{OQ}^2 = 22,25 \xrightarrow[\overline{OQ} > 0]{} \overline{OQ} = \sqrt{22,25} \Rightarrow \overline{OQ} \approx 4,72 \end{aligned}$$

Assim, calculando o perímetro do triângulo  $[OBQ]$ , e arredondando o resultado às décimas, temos:

$$P_{[OBQ]} = \overline{OB} + \overline{BQ} + \overline{OQ} \approx 4 + 2,5 + 4,72 \approx 11,2$$

Teste intermédio 9.º ano - 10.05.2012

30. Como as grandezas  $a$  e  $b$  são inversamente proporcionais se  $a \times b = k$ ,  $k \in \mathbb{R}$ , então as tabelas A, B e D não traduzem relações de proporcionalidade inversa entre as grandezas  $a$  e  $b$ :

- Tabela A:  $5 \times 10 = 50$  e  $10 \times 20 = 200$ , logo  $a \times b$  não é constante
- Tabela B:  $5 \times 25 = 125$  e  $10 \times 20 = 200$ , logo  $a \times b$  não é constante
- Tabela D:  $5 \times 10 = 50$  e  $10 \times 10 = 100$ , logo  $a \times b$  não é constante

Relativamente à Tabela C, podemos observar que  $a \times b$  é constante, ou seja, a tabela traduz uma reação de proporcionalidade inversa:

$$5 \times 6 = 10 \times 3 = 15 \times 2 = 20 \times 1,5 = 30$$

Resposta: **Opção C**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2011, 2.ª Chamada

31.

- 31.1. Como as grandezas  $C$  (caudal da torneira) e  $t$  (tempo que demora a encher um tanque) são inversamente proporcionais, sabemos que  $C \times t$  é o valor constante.

Então, calculando o valor de  $a$ , temos que

$$5 \times 12 = a \times 8 \Leftrightarrow \frac{5 \times 12}{8} = a \Leftrightarrow \frac{60}{8} = a \Leftrightarrow 7,5 = a$$

- 31.2. Como as grandezas  $C$  (caudal da torneira) e  $t$  (tempo que demora a encher um tanque) são inversamente proporcionais, o gráfico que representa a relação entre as duas grandezas é parte de uma hipérbole e não uma reta, pelo que podemos excluir os gráficos das opções (C) e (D).

Como a capacidade do tanque é de  $60 \text{ m}^3$ , a um caudal de  $60 \text{ m}^3$  por hora, corresponde um tempo de enchimento de 1 hora, pelo que o ponto de coordenadas  $(60,1)$  pertence ao gráfico da função, o que só é observado no gráfico da opção (A).

Resposta: **Opção A**



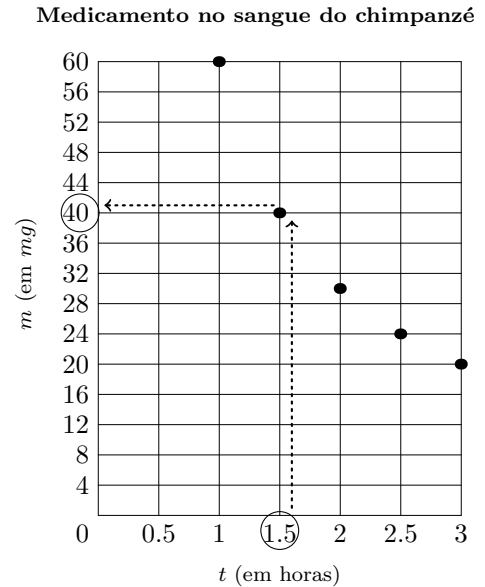
32. Como as grandezas  $x$  e  $y$  são inversamente proporcionais, sabemos que  $x \times y$  é um valor constante.  
Então, temos que,

$$100 \times 1,5 = 75 \times a \Leftrightarrow 150 = 75a \Leftrightarrow \frac{150}{75} = a \Leftrightarrow a = 2$$



33.

- 33.1. Identificando o ponto relativo ao tempo 1,5 horas, verificamos a massa correspondente: 40 mg (ver gráfico ao lado)



- 33.2. Como a massa de medicamento existente no sangue do chimpanzé ( $m$ ) e o tempo ( $t$ ) são grandezas inversamente proporcionais, temos que o produto das variáveis é a constante de proporcionalidade ( $k$ ), ou seja,

$$t \times m = k, k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Logo podemos calcular a constante de proporcionalidade, multiplicando quaisquer dois valores correspondentes de  $m$  e  $t$ :

$$k = 1 \times 60 = 1,5 \times 40 = 2,5 \times 24 = 3 \times 20 = 60$$

Pelo que a constante de proporcionalidade é 60

- 33.3. Como as variáveis  $m$  e  $t$  são inversamente proporcionais, e a constante de proporcionalidade é 60, temos que

$$m \times t = 60 \Leftrightarrow m = \frac{60}{t}$$

Resposta: **Opção A**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2010, 2.ª Chamada

34.

- 34.1. De acordo com o enunciado, sabemos que a massa ( $p$ ) de cada uma das fatias de bolo é inversamente proporcional ao número de fatias ( $n$ ), ou seja,  $p \times n = k$ . Podemos calcular o valor da constante de proporcionalidade inversa,  $k$ , pelo produto de valores correspondentes de  $n$  e  $p$ :

$$6 \times 0,60 = 8 \times 4,5 = 10 \times 0,36 = 3,6$$

Desta forma, o valor da constante de proporcionalidade inversa é obtido multiplicando o número de fatias pela massa de cada fatia, o que em cada caso, corresponde à massa total do bolo, que é 3,6 kg

- 34.2. Como as variáveis  $p$  e  $n$  são inversamente proporcionais, e a constante de proporcionalidade é 3,6 temos que

$$p \times n = 3,6 \Leftrightarrow p = \frac{3,6}{n}$$

Teste intermédio 9.º ano - 03.02.2010



35. A velocidade de condução ( $v$ ) não é inversamente proporcional ao ângulo de visão grandezas ( $a$ ) porque o produto dos valores correspondentes não é constante, ou seja, não se verifica  $a \times v = k$ ,  $k \in \mathbb{R}$

Por exemplo, verificando para os dois primeiros pares de valores correspondentes, temos

$$100 \times 40 = 4000 \text{ e } 75 \times 70 = 5250$$

Como  $4000 \neq 5250$  podemos afirmar que as grandezas não são inversamente proporcionais.

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2009, 2.ª Chamada

36.

- 36.1. Como cada uma das 4 amigas pagará 400 euros pelo apartamento, o custo total do apartamento é

$$4 \times 400 = 1600 \text{ euros}$$

Assim, se o custo total for dividido por mais uma rapariga, ou seja em 5 partes iguais, cada uma irá pagar

$$\frac{1600}{5} = 320 \text{ euros}$$

- 36.2. Como o custo total do apartamento é  $4 \times 400 = 1600$  euros, se este valor for dividido por  $n$  raparigas, ou seja, em  $n$  partes iguais, o valor a pagar,  $p$ , em euros, por cada uma delas é

$$p = \frac{1600}{n}$$

Resposta: **Opção A**

Teste Intermédio 9.º ano - 11.05.2009

37.

- 37.1. Como se pretende que a receita total da vendas das rifas seja de 180 euros, designado por  $k$  o número de rifas que deveriam ser vendidas para que o preço de cada uma fosse 1,5 euros, então vem que:

$$k \times 1,5 = 180 \Leftrightarrow k = \frac{180}{1,5} \Leftrightarrow k = 120$$

- 37.2. Como o número de rifas ( $n$ ) é inversamente proporcional ao preço ( $p$ ), em euros, de cada rifa, temos que o produto das variáveis é a constante de proporcionalidade ( $c$ ), ou seja,

$$n \times p = c, c \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$$

Logo podemos calcular a constante de proporcionalidade, multiplicando quaisquer dois valores correspondentes de  $n$  e  $p$  :

$$c = 3 \times 60 = 4 \times 45 = 5 \times 36 = 180$$

Pelo que a constante de proporcionalidade é 180

- 37.3. Como o número de rifas ( $n$ ) é inversamente proporcional ao preço ( $p$ ), em euros, de cada rifa, e a constante de proporcionalidade é 180, temos que:

$$n \times p = 180 \Leftrightarrow p = \frac{180}{n}$$

Resposta: **Opção D**

Teste intermédio 9.º ano - 09.02.2009



38. Como a representação gráfica da função é uma hipérbole, ou seja, é uma função de proporcionalidade inversa, sabemos que  $y = \frac{k}{x}$ ,  $k \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

Identificando as coordenadas de um ponto do gráfico, por exemplo, o ponto (1,40), e substituindo estas coordenadas na expressão anterior, podemos determinar o valor da constante  $k$ :

$$40 = \frac{k}{1} \Leftrightarrow 40 = k$$

Assim, substituindo o valor de  $k$  na expressão inicial, obtemos a representação analítica da função:

$$y = \frac{40}{x}$$

Resposta: **Opção A**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2008, 2.ª Chamada

39. Considerando a função definida por  $y = x + 2$ , e, por exemplo,  $x = 1$ , obtemos

$$y = 1 + 2 = 3$$

Assim, podemos verificar que a representação gráfica correspondente é parte de uma reta, que contém o ponto de coordenadas (1,3), pelo que os gráficos representados nas opções (B) e (D) não verificam esta condição.

Considerando a função definida por  $y = \frac{3}{x}$ , e, por exemplo,  $x = 1$ , obtemos

$$y = \frac{3}{1} = 3$$

Assim, podemos verificar que a representação gráfica correspondente é parte de uma hipérbole, que também contém o ponto de coordenadas (1,3), pelo que os gráficos representados nas opções (C) e (D) não verificam esta condição.

Desta forma, apenas no referencial da opção (A) podem estar os gráficos das duas funções.

Resposta: **Opção A**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2008, 1.ª Chamada

40. Como a pressão exercida pelo tijolo ( $P$ ) é inversamente proporcional à área da face que está assente na areia ( $A$ ), sabemos que  $P \times A$  é o valor constante de proporcionalidade ( $k$ ).

Assim, temos que:

$$k = 0,005 \times 4000 = 0,01 \times 2000 = 0,02 \times 1000 = 20$$

Teste intermédio 9.º ano - 07.05.2008



41. Como os convites de aniversário da Maria têm a forma de um retângulo com  $100 \text{ cm}^2$  de área, sabemos que a relação entre a base e a altura destes retângulos é:

$$\text{base} \times \text{altura} = 100$$

Como o produto das duas grandezas é constantes temos uma relação de proporcionalidade inversa, pelo que a representação gráfica desta relação é parte de uma hipérbole.

Desta forma o único gráfico que pode representar a relação entre a base e a altura de retângulos com  $100 \text{ cm}^2$  de área é o gráfico da opção (A).

Resposta: **Opção A**

Teste intermédio 9.º ano - 31.01.2008

42.

- 42.1. Como 3 pessoas contribuía com 20 euros cada, temos que o custo total da prenda é:

$$3 \times 20 = 60 \text{ euros}$$

Como o número de pessoas a contribuir duplicou, passou a ser de 6 pessoas, então a parte de cada uma será de

$$\frac{60}{6} = 10 \text{ euros}$$

Ou seja, com o aumento do número de pessoas para o dobro, o valor com que cada um irá contribuir diminuiu para metade.

Resposta: **Opção C**

- 42.2. Como 3 pessoas contribuía com 20 euros cada, temos que o custo total da prenda é:

$$3 \times 20 = 60 \text{ euros}$$

Assim, como no final desta iniciativa, cada um dos participantes contribuiu com 7 euros e 50 cêntimos, temos que o número de pessoas que participaram na compra da prenda ( $n$ ) pode ser calculado como:

$$\frac{60}{n} = 7,5 \Leftrightarrow \frac{60}{7,5} = n \Leftrightarrow 8 = n$$

Logo, podemos afirmar que 8 pessoas participaram na compra da prenda.

Teste intermédio 9.º ano - 31.01.2008

43. Se duas grandezas são inversamente proporcionais, então à variação de uma delas corresponde uma variação inversa na mesma proporção, ou seja, se  $x$  aumenta para o dobro, para o triplo, ou para o quádruplo, então  $y$  diminui para metade, para a terça parte ou para a quarta parte, respetivamente.

Resposta: **Opção D**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2007, 2.ª Chamada



44. Como a distância, **em quilómetros**, entre duas cabinas consecutivas ( $c$ ), então  $n \times c$  é o comprimento total circuito do teleférico porque existem  $n$  cabinas em utilização, e por isso o comprimento total do circuito pode ser dividido em  $n$  partes, separadas por duas cabinas consecutivas. Desta forma temos que o comprimento total do circuito é de 3 quilómetros.

O maior número de voltas completas que uma cabine pode dar numa hora acontece se a cabine viajar à velocidade máxima, ou seja, a 17 km/h.

Como o comprimento total do circuito é de 3 km, a uma velocidade de 17 km/h, temos que o número de voltas é:

$$\frac{17}{3} \approx 5,6$$

Pelo que se conclui que numa hora, à velocidade máxima, cada cabine dá 5 voltas completas.

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2006, 1.ª Chamada

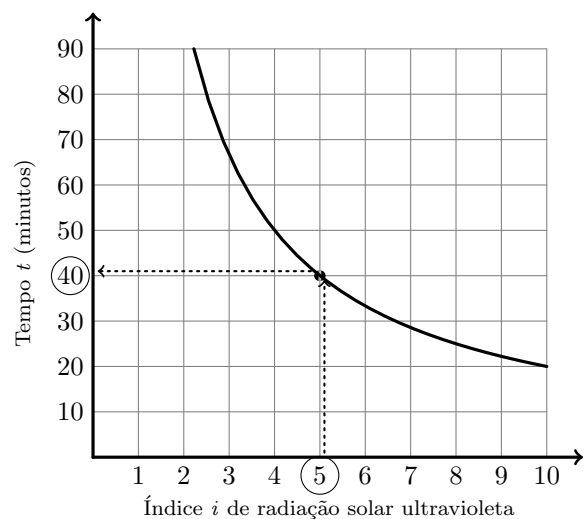
45.

45.1. Identificando o ponto do gráfico correspondente ao índice 5 de radiação solar ultravioleta, e observando o tempo correspondente, podemos verificar que a Ana minutos pode ter a pele diretamente exposta ao sol, sem ficar com eritema durante 40 minutos.

45.2. Considerando a relação  $t = \frac{D}{i}$ , temos que no caso da Ana, e por exemplo considerando o índice 5 e o tempo correspondente (40), podemos determinar o valor da constante  $D$ :

$$40 = \frac{D}{5} \Leftrightarrow 40 \times 5 = D \Leftrightarrow 200 = D$$

Assim, recorrendo à tabela, temos que a cor do cabelo da Ana, ou seja a cor do cabelo correspondente ao valor 200 para a constante  $D$  é "Ruivo".



Exame Nacional 3.º Ciclo - 2005, 2.ª Chamada

46.

46.1. Como a área dos retângulos é 18 cm<sup>2</sup>, então o produto do comprimento ( $c$ ) pela largura ( $l$ ), ambos expressos em centímetros, é 18, ou seja:

$$c \times l = 18$$

Assim, para cada um dos retângulos A e B, temos:

- **Retângulo A:**  $4 \times l = 18 \Leftrightarrow l = \frac{18}{4} \Leftrightarrow l = 4,5$
- **Retângulo A:**  $c \times 0,5 = 18 \Leftrightarrow c = \frac{18}{0,5} \Leftrightarrow c = 36$

Relativamente ao retângulo C, podemos observar, por exemplo que  $18 \times 1 = 18$ , pelo que podemos considerar  $c = 18$  e  $l = 1$

Desta forma, a tabela pode ser preenchida com os valores calculados:

	Retângulo A	Retângulo B	Retângulo C
<b>Comprimento (cm)</b>	4	<b>36</b>	<b>18</b>
<b>Largura (cm)</b>	<b>4,5</b>	0,5	<b>1</b>





- 46.2. Como  $c \times l = 18 \Leftrightarrow l = \frac{18}{c}$ , ou seja, as grandezas  $c$  e  $l$  são inversamente proporcionais, pelo que o gráfico que representa a relação entre as variáveis é uma hipérbole. Desta forma podemos excluir as opções (A) e (B). Podemos ainda verificar que na opção (D) a imagem do objeto 1 é um valor superior a 18, ou seja,  $c \times l \neq 18$ , pelo que este gráfico também não representa a relação entre as variáveis.

Assim, temos que o gráfico da opção (C) é parte de uma hipérbole, traduzindo uma relação de proporcionalidade inversa, e em que o produto das coordenadas de todos os pontos do gráfico é 18.

Resposta: **Opção C**

Exame Nacional 3.º Ciclo - 2005, 1.ª Chamada

47.

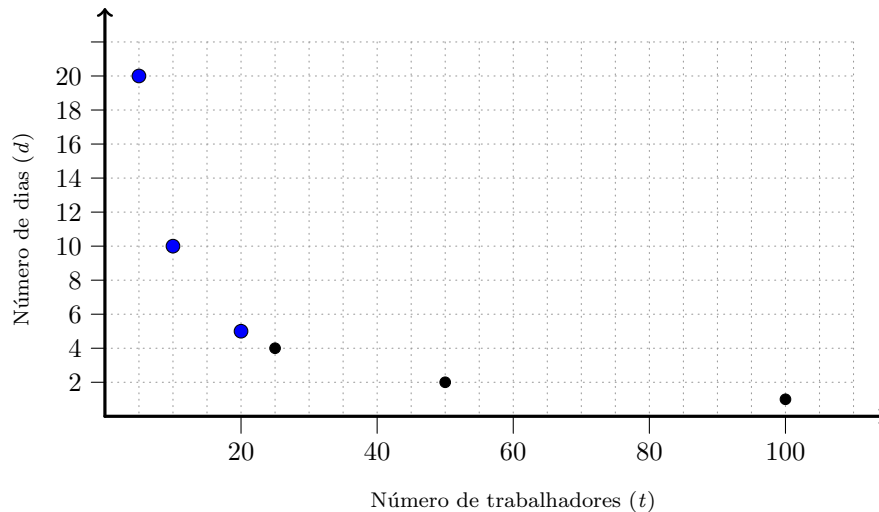
- 47.1. Como as grandezas  $t$  e  $d$  são inversamente proporcionais, podemos determinar a constante de proporcionalidade inversa, multiplicando dois valores correspondentes, por exemplo

$$t \times d = 100 \times 1 \Leftrightarrow t \times d = 100$$

Assim, substituindo  $t$  por 5, 10 e 20, calculamos os valores de  $d$  correspondentes:

- Se  $t = 5$  então  $5 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{5} \Leftrightarrow d = 20$
- Se  $t = 10$  então  $10 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{10} \Leftrightarrow d = 10$
- Se  $t = 20$  então  $20 \times d = 100 \Leftrightarrow d = \frac{100}{20} \Leftrightarrow d = 5$

E assim, assinalando no gráfico os pontos (5,20), (10,10) e (20,5), vem:



- 47.2. Como as grandezas  $t$  e  $d$  são inversamente proporcionais, podemos determinar a constante de proporcionalidade inversa, multiplicando dois valores correspondentes, por exemplo

$$t \times d = 100 \times 1 \Leftrightarrow t \times d = 100$$

Resposta: **Opção D**

Prova de Aferição - 2002

