



# ESCOLA SECUNDÁRIA DE ALCÁCER DO SAL

Teste de Avaliação de Matemática

(Duração: 90 minutos)

11º B

13 Dezembro 2004

2004/05

Nome \_\_\_\_\_

nº \_\_\_\_\_

## Parte I

- As quatro questões deste grupo são de escolha múltipla.
- Para cada uma delas, são indicadas quatro alternativas, das quais só uma está correcta.
- Escreve na tua folha de respostas, a letra correspondente à alternativa que seleccionares para cada questão.
- Se apresentares mais do que uma resposta, a questão será anulada, o mesmo acontecendo se a letra transcrita for ilegível.
- Não presentes cálculos.

1. O ponteiro das horas de um relógio rodou  $1890^\circ$  desde o dia 1 de Janeiro às 12 horas até ao momento em que parou. O ponteiro dos minutos, quer no início, quer no momento de paragem, apontava o 12. Então o relógio parou:

- (A) no dia 5 de Janeiro às 12 horas.      (C) no dia 3 de Janeiro às 15 horas.  
(B) no dia 4 de Janeiro às 3 horas.      (D) no dia 3 de Janeiro às 24 horas.

2. A função  $h(x) = \operatorname{tg}x + 1$ , de domínio  $[0; 2\pi]$ , tem zeros em:

- (A)  $\left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right\}$       (C)  $\left\{ \frac{3\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\}$   
(B)  $\{0, \pi, 2\pi\}$       (D)  $\left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\}$

3. Para cada valor de  $k$ , a condição  $kx - 3y + z = -4$  representa um plano  $\pi$ . Para que valores de  $k \in \mathbb{R}$ , o plano  $\pi$  é perpendicular ao plano  $\alpha : 2x - 3y + z = 2$  ?

- (A)  $k = -5$       (C)  $k \neq 0$   
(B)  $k = 5$       (D)  $k = 2$

4. Se, num referencial ortonormado, os vectores  $\vec{u}$  e  $\vec{v}$  fazem entre si um ângulo de amplitude  $\frac{2\pi}{3}$  radianos e se  $\|\vec{u}\| = 3$  e  $\|\vec{v}\| = 2$ , então:

- (A)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3$       (C)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = -3$   
(B)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3\sqrt{3}$       (D)  $\vec{u} \cdot \vec{v} = -3\sqrt{3}$

## Parte II

Nas questões deste grupo apresenta o teu raciocínio de forma clara, indicando todos os cálculos que tiveres de efectuar e todas as justificações necessárias.

**Atenção:** quando não é apresentada a aproximação que se pede para um resultado, pretende-se sempre o valor exacto.

1. Uma professora de Matemática propôs aos seus alunos do 11ºX que encontrassem o melhor valor para a expressão

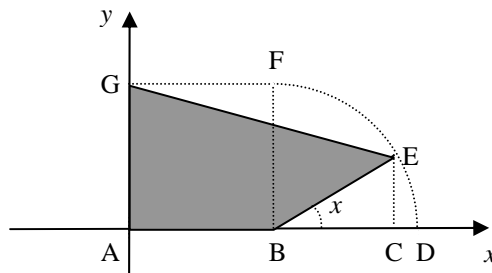
$$\operatorname{sen}\left(\frac{5\pi}{6}\right) - \cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + 2\operatorname{sen}\left(-\frac{25\pi}{6}\right)$$

O Rui, a Sara e a Inês apresentaram os seguintes resultados:

Rui: 0,21      Sara:  $\frac{3+\sqrt{2}}{2}$       Inês:  $\frac{\sqrt{2}-1}{2}$

Encontra também o teu resultado, justificando-o convenientemente, e comenta cada um dos resultados apresentados por aqueles três alunos.

2. Na figura está representado, em referencial ortonormado do plano, a sombreado, um polígono [ABEG]. Tem-se que



- [ABFG] é um quadrado de lado 2;
- o ponto A coincide com a origem do referencial;
- FD é um arco de circunferência de centro em B; o ponto E move-se ao longo desse arco; em consequência, o ponto C desloca-se sobre o segmento [BD], de tal forma que se tem sempre [EC]  $\perp$  [BD];
- $x$  designa a amplitude, em radianos, do ângulo CBE  $\left(x \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right]\right)$ .

- 2.1. Mostra que a área do polígono [ABEG] é dada, em função de  $x$ , por

$$A(x) = 2 \cdot (1 + \operatorname{sen} x + \cos x)$$

(Sugestão: pode ser-te útil considerar o trapézio [ACEG].)

2.2. Determina  $A(0)$  e  $A\left(\frac{\pi}{2}\right)$ . Interpreta, geometricamente, cada um dos valores obtidos.

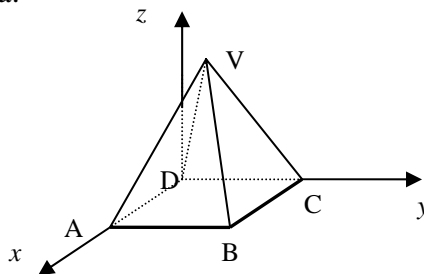
2.3. Considera agora  $x = \frac{\pi}{6}$  rad.

2.3.1. Prova que as coordenadas do ponto E são  $(2 + \sqrt{3}, 1)$ .

2.3.2. Determina a amplitude do ângulo formado pelas rectas GB e BE.

2.3.3. Escreve a equação reduzida de uma recta  $r$ , com a mesma inclinação da recta BE e que contenha o ponto H(0,3).

3. Considera, em referencial ortonormado do espaço, uma pirâmide quadrangular recta [ABCDV] como a da figura:



Sabe-se que a base da pirâmide tem aresta 2cm e está contida no plano  $xoy$ , e o vértice V tem coordenadas (1, 1, 6).

3.1. Mostra que os vectores  $\vec{MA}$  e  $\vec{MV}$ , em que M é o ponto médio de [AC], são perpendiculares.

3.2. Escreve uma equação cartesiana do plano definido pelos pontos V, B e C.

3.3. Escreve uma equação cartesiana do plano  $\alpha$  paralelo ao eixo  $oz$  e que contenha os pontos A e C..

	Questões	Cotações
<b>Parte I</b>	.....	.....48
	Cada resposta correcta .....	12
	Cada resposta errada .....	-4
	Cada resposta anulada ou não respondida.....	0
<b>Parte II</b>	.....	.....152
	1.....	18
	2.1.....	20
	2.2.....	16
	2.3.1.....	14
	2.3.2.....	18
	2.3.3.....	15
	3.1.....	16
	3.2.....	20
	3.3.....	15